高士博, 闵锦忠, 黄丹莲. 2016. EnSRF 雷达资料同化在一次飑线过程中的应用研究 [J]. 大气科学, 40 (6): 1127-1142. Gao Shibo, Min Jinzhong, Huang Danlian. 2016. The simulation of a squall line with Doppler radar data assimilation using the EnSRF method [J]. Chinese Journal of Atmospheric Sciences (in Chinese), 40 (6): 1127-1142, doi: 10.3878/j.issn.1006-9895.1601.15216.

# EnSRF 雷达资料同化在一次飑线过程中的应用研究

## 高士博<sup>1,2</sup> 闵锦忠<sup>1,2</sup> 黄丹莲<sup>1,2</sup>

1 南京信息工程大学气象灾害预报预警与评估协同创新中心,南京 210044
2 南京信息工程大学气象灾害教育部重点实验室,南京 210044

摘 要 本文利用包含复杂冰相微物理过程的 WRF(Weather Research and Forecasting)模式,针对 2007 年 4 月 23 日发生在我国华南地区的一次典型飑线天气过程,分别进行了确定性预报和集合预报试验,发现确定性预报能 大致捕捉到飑线系统的发生发展过程,但对飑线后部的层云区模拟效果较差。集合预报能够有效地减少模式的不 确定性,大部分集合成员对飑线的模拟效果优于确定性预报。进一步将集合预报得到的 40 个成员作为背景场,采用 EnSRF(Ensemble Square Root Filter)同化多普勒天气雷达资料,并将分析得到的集合作为初始场进行集合预 报,通过与未同化雷达资料的集合对比,考察了 EnSRF 同化多部雷达资料对飑线系统的影响。结果表明: EnSRF 雷达资料同化增加了模式初始场的中小尺度信息,大部分集合成员的分析场能够较准确地再现飑线的热力场、动力场和微物理场的细致特征,并且模拟出飑线后部的层云结构。通过对 EnSRF 分析的集合进行模拟发现,大部分 集合成员较未同化雷达资料时模拟效果有明显改善。同化后的集合预报 ETS(Equitable Threat Score)评分最高,其次是未同化的集合预报,确定性预报的最低。

关键词 集合均方根滤波 资料同化 确定性预报 集合预报 飑线
文章编号 1006-9895(2016)06-1127-16 中图分类号 P446 文献标识码 A
doi:10.3878/j.issn.1006-9895.1601.15216

# The Simulation of a Squall Line with Doppler Radar Data Assimilation Using the EnSRF Method

GAO Shibo<sup>1, 2</sup>, MIN Jinzhong<sup>1, 2</sup>, and HUANG Danlian<sup>1, 2</sup>

1 Collaborative Innovation Center on Forecast and Evaluation of Meteorological Disasters, Nanjing University of Information Science & Technology, Nanjing 210044

2 Key Laboratory of Meteorological Disaster of Ministry of Education, Nanjing University of Information Science & Technology, Nanjing 210044

**Abstract** An ensemble forecast and a deterministic forecast of a squall line that occurred in southern China on 23 April 2007 have been conducted using the Weather Research and Forecasting (WRF) model with microphysical schemes that include complex ice and snow processes. It is found that the deterministic forecast can capture the main characteristics of the squall line, but the simulated squall line is inaccurate, especially in the back stratus cloud region. The ensemble

收稿日期 2015-06-19; 网络预出版日期 2016-01-26

作者简介 高士博,男,1987年出生,博士研究生,主要从事雷达资料同化研究。E-mail: shibogao@126.com

通讯作者 闵锦忠, E-mail: minjz@nuist.edu.cn

**资助项目** 国家重点基础研究发展计划(973计划)项目 2013CB430102,江苏省普通高校研究生科研创新计划项目 KYLX\_0829、KYLX\_0844,国家自然科学基金重点项目 41430427,江苏省高校自然科学重大基础研究项目 11KJA170001

Fonded by National Basic Research Program of China (973 Program) (Grant 2013CB430102), the Research Innovation Program for College Graduates of Jiangsu Province (Grants KYLX\_0829, KYLX\_0844), National Natural Science Foundation of China (Grant 41430427), the Priority Academic Program Development of Jiangsu Higher Education Institutions (PAPD) (Grant 11KJA170001)

forecast technique can reduce the uncertainty in the model simulation and the majority of the members in the ensemble show a better performance than the deterministic forecast. The analysis members, which are obtained from radar data assimilation using the EnSRF (Ensemble Square Root Filter) method with outputs of the 40 members in the ensemble experiment as backgrounds, are used to provide initial conditions for the ensemble forecast. Differences in results among the ensemble members with and without radar data assimilation reflect the impact of EnSRF radar data assimilation on the simulation of the squall line. The analysis members with radar data assimilation provide more mesoscale and microscale information of the convective cells in the squall line system. Most members can capture the thermal-dynamical structure of the squall line system and successfully simulate the suqall line in the back stratus cloud region. Analysis of the simulations in the ensemble forecast with radar data assimilation indicates that most members perform better than that without radar data assimilation. The ETS (Equitable Threat Score) of the ensemble forecast with radar data assimilation is higher than that without radar data assimilation, and the ETS of the deterministic forecast is lower than that of the ensemble forecast.

Keywords EnSRF method, Data assimilation, Deterministic forecast, Ensemble forecast, Squall line

# 1 引言

飑线是由多个活跃雷暴单体排列成线状的中 尺度对流系统,常伴随短时强暴雨、大风、冰雹和 龙卷等严重的灾害性天气现象。由于飑线水平尺度 较小,持续时间短,发生发展迅速,在时空上很难 被常规气象观测网所识别,而新一代多普勒天气雷 达网的建立,为研究飑线类强对流天气的精细结构 提供了有利条件。

多普勒天气雷达观测的主要是径向速度和回 波强度,不能直接提供模式变量信息。目前多采用 变分资料同化方法,其中 3DVar (Three Dimensional Variational Data Assimilation)因计算量小而被广泛 使用,如 Gao et al. (1999) 在风暴个例中应用 ARPS (Advanced Regional Prediction System) 模式和 3DVar 系统同化雷达观测资料,得到了风暴内部清 晰的上升和下沉气流的结构。Hu et al. (2006a, 2006b) 等利用 ARPS 的云分析和 3DVar 同化系统, 分别对三次龙卷过程进行雷达资料同化,取得了较 好的同化效果。Xiao and Sun (2007)研究发现, 同化雷达径向风和反射率资料,能够为飑线预报提 供精细的初始场,进而提高定量降水的预报效果。 但 3DVar 的背景误差统计量一般认为是均匀、各向 同性、随时间少变的,不能很好地反映预报误差的 统计特征。为此,科学家致力于发展更高级的同化 技术, 4DVar (Four Dimensional Variational Data Assimilation)可以给出同化时间窗内模式背景场和 雷达观测的最佳拟合,一定程度上克服了 3DVar 的 缺点。Sun et al. (1991) 首次采用 4DVar 开展多普 勒雷达资料反演工作,随后 Sun and Crook (1994) 用此方法,对美国的一次阵风锋过程进行了研究,

结果表明此方法对阵风锋风场结构具有较好的反 演能力。孙虎林等(2011)利用 4DVar 方法同化高 分辨率地面观测资料以及多普勒天气雷达资料,分 析了一次强飑线天气过程的形成背景和成熟阶段 特征。但目前 4DVar 同化需要模式反向积分以及 设计比较准确的切线性和伴随模式,而数值预报 模式的切线性和伴随模式一般都是高度复杂的,且 初始的背景误差还必须先验地指定(Fisher and Andersson, 2001),因此极大限制了其在研究和业务 领域的应用。

集合卡尔曼滤波(Ensemble Kalman Filter,简 称 EnKF)利用一组短期集合预报扰动估计背景误 差协方差,进行最优化分析,而后实现对误差协方 差的更新。与变分同化方法相比, EnKF 能够方便 地得到具有流依赖性质的背景误差协方差,并且算 法简单,不需要编写切线性和伴随模式,因此广泛 应用于各种天气尺度资料同化中(Hamil and Synder, 2000; Keppenne, 2000; Anderson, 2001; Mitchell et al., 2002)。近年来, EnKF 也逐步应用到对流尺度 雷达资料同化中,如 Snyder and Zhang (2003)通 过同化模拟雷达资料,初步验证了 EnKF 在风暴尺 度中的应用效果。随后其他学者也在这方面进行了 一系列的试验,进一步验证了 EnKF 的可利用性和 有效性(Dowell et al., 2004; Zhang et al., 2004; Tong and Xue, 2005, 2008; 许小永等, 2006; Xue et al., 2006; Aksoy et al., 2009; 兰伟仁等, 2010a, 2010b; 闵锦忠等, 2011)。Whitaker and Hamill (2002) 提出 了集合均方根滤波(Ensemble Square Root Filter, 简称 EnSRF) 方法,这种方法不仅继承了 EnKF 的 优点,而且能够避免 EnKF 方法中由于扰动观测所 造成的采样误差。近期,秦琰琰等(2012)应用

EnSRF 方法,针对发生在山东省的一次飑线天气过程,开展基于多普勒雷达资料的同化应用试验,取得了较好的效果。

值得注意的是, EnKF 与集合预报有着非常密 切的关系, 它可以为集合预报提供一组具有统计意 义最优的初值。众所周知, 确定性预报只能代表大 气真实状态的一种可能, 而集合预报通过一定的数 学方法, 获得在合理误差范围内具有某种概率密度 函数分布特征的集合成员, 其中每个集合成员都能 代表大气的真实情况。相比确定性预报, 集合预报 能够有效地减少数值预报的不确定性。近期, Harnish and Keil (2015) 基于 EnKF 对一次强对流 过程进行同化分析, 并利用得到的集合成员进行集 合预报, 取得了较好的效果。

由此可见, EnKF 在对流尺度上有较好的同化 效果,但其在飑线上的应用在国内尚不多见,目前 大部分研究使用的是 3DVar 或云分析同化方法。另 外,在飑线系统的模拟上,中尺度集合预报技术相 对于确定性预报技术具有一定优势。本文综合利用 EnSRF 同化方法和集合预报技术,对 2007 年 4 月 23 日发生在我国华南地区的一次典型飑线天气过 程进行了同化和模拟,通过与未进行雷达资料同化 的集合成员对比,考察了 EnSRF 雷达资料同化对 WRF 模式所模拟的飑线回波结构、热力场、动力场 和微物理量场的影响。

## 2 资料和方法

### 2.1 资料

模式初始场为 NCEP (National Centers for Environmental Prediction)提供的 1°×1°再分析资 料,侧边界条件每6小时更新一次,本文使用中国 新一代多普勒天气雷达资料,包括厦门、福州、建 阳、广州、深圳、汕头、阳江、韶关以及桂林等9 部S波段天气雷达资料(见图1)。9部雷达均采用 VCP21 (Volume Coverage Pattern, scan strategy 2, version 1)观测模式进行连续体扫,仰角在 0.5°~ 19.5°之间,体扫时间间隔为6 min。雷达资料径向 风分辨率为 250 m,反射率因子分辨率为 1 km。

### 2.2 集合均方根滤波方法

根据 Evensen (1994)的设计,集合卡尔曼滤 波(EnKF)同化循环的计算分为集合预报和分析更 新两部分,具体公式如下:

$$\boldsymbol{X}_{i}^{\mathrm{b}}(t) = \boldsymbol{M} \boldsymbol{X}_{i}^{\mathrm{a}}(t-1), \qquad (1)$$

$$\boldsymbol{X}_{i}^{a} = \boldsymbol{X}_{i}^{b} + \boldsymbol{K}(\boldsymbol{y}_{i}^{o} - \boldsymbol{H}\boldsymbol{X}_{i}^{b}), \qquad (2)$$

$$\boldsymbol{K} = \boldsymbol{P}^{\mathrm{b}} \boldsymbol{H}^{\mathrm{T}} (\boldsymbol{H} \boldsymbol{P}^{\mathrm{b}} \boldsymbol{H} + \boldsymbol{R})^{-1}, \qquad (3)$$

$$HP^{b}H^{T} \approx [(HX_{i}^{b} - \overline{HX^{b}})(HX_{i}^{b} - \overline{HX^{b}})^{T}], (4)$$

其中,公式(1)为集合预报方程,X表示模式预报的状态变量,M表示预报模式,上标a表示分析估计,上标b表示预报估计,下标i表示第i个成员, t 表示当前时刻;公式(2)、(3)为更新方程,K 为卡尔曼增益矩阵,H为线性观测算子,y<sub>i</sub>°表示在 原始时刻观测上加入扰动后得到的观测,j表示第j 个扰动观测,P表示预报误差协方差矩阵,R表示 观测误差协方差矩阵,上标T表示矩阵的转置;公 式(4)中的HP<sup>b</sup>H<sup>T</sup>表示观测变量的背景误差协方 差,上划线表示集合成员的平均值。

根据 Whitaker and Hamill(2002)的研究, EnKF 在对观测进行扰动时,会引入额外的采样误差,导 致分析误差协方差被低估,引起滤波发散。为此, 他们提出了集合均方根滤波(EnSRF)方法,通过 在EnSRF方法中引入了一个小参数 $\alpha$ ,令 $\tilde{K} = \alpha K 来$ 调整卡尔曼增益矩阵 *K*。在单一观测条件下  $\alpha = [1 + \sqrt{R(HP^{b}H^{T} + R)^{-1}}]^{-1}$ , EnSRF 的更新方程 变为

$$X^{a} = X^{b} + K(y^{o} - HX^{b}), \qquad (5)$$
$$X_{i}^{\prime a} = X_{i}^{\prime b} - \alpha KHX_{i}^{\prime b}, \qquad (6)$$

### 2.3 雷达资料质量控制及观测算子

在进行多普勒雷达资料同化之前,利用 NCAR (National Center for Atmospheric Research)开发的 SOLOII 软件对雷达资料进行质量控制,包括去除 噪声点、地物回波、二次回波、速度退模糊(Oye et al., 1995)和去距离折叠。考虑到水平分辨率较高, 只在水平方向上将雷达资料插值到模式网格上。为 了减少计算成本,在插值过程中进行了雷达观测资 料的稀疏化。

在 EnSRF 方法中,通过统计集合成员之间的协 方差矩阵来建立观测变量和模式变量之间的相关, 可以直接同化雷达径向风和反射率因子,径向风和 反射率因子的观测算子同 Tong and Xue (2005)。

## 3 试验设计

应用非静力中尺度数值模式 WRF3.5 对飑线过 程进行模拟试验,模式水平分辨率为3km,网格数 为 450×400×50。试验以(24°N, 114°E)为中心, 垂直方向取 50 个不等距分层,模式顶层取 50 hPa。 模拟区域主要覆盖中国广东、广西、福建以及江西、 湖南、浙江大部分地区,地形分辨率为 30 s(见图 1)。微物理过程为 WSM6 冰相方案(Hong et al., 2004),长波辐射为 RRTM 方案,短波辐射为 Dudhia 方案,不使用积云对流参数化方案。

本文设计了三组试验,分别用来检验集合预报 和雷达资料同化对飑线模拟的改进效果:

第一组为控制试验,只用 NCEP 1°×1°再分析 资料进行模拟,即确定性预报试验。模式预报时间 为 2007 年 4 月 23 日 12:00(协调世界时,下同) 至 4 月 24 日 02:00。

第二组为集合预报试验,首先对 23 日 12:00 的 NCEP 资料进行 8 小时 "spin up"后,在 23 日 20:00 加入初始扰动产生 40 个集合成员。扰动方法为随 机背景误差协方差扰动方法,该方法利用 GFS

(Globe Forecast System)资料统计的背景误差协方 差产生随机扰动,经垂直 EOF(Empirical Orthogonal Function)分析、递归滤波和平衡方程约束后变换 回模式空间,所产生的各个变量的扰动之间具有一定的关系和平衡约束(Skamarock et al., 2008),因此对该扰动方法产生的集合成员进行集合预报,效果可能会优于确定性预报。其中风场的水平分量u、v标准差约为 2 m s<sup>-1</sup>,位温 $p_t$ 的标准差约为 1 K,水汽混合比 $q_v$ 标准差约为 0.5 g kg<sup>-1</sup>。初始场没有同化任何资料,模式预报时间为 2007 年 4 月 23 日 20:00 至 4 月 24 日 02:00。

第三组为同化试验,利用 ARPS EnSRF 同化系 统的 WRFAPI 功能来开展实际雷达资料的同化试 验。WRFAPI 模块通过增加 WRF 模式变量的接口, 利用 ARPS EnSRF 同化系统将观测同化进 WRF 模式 的初始场,该模块可同化 WRF 模式的 u、v、w、pt、 ph、qv、qc、qr、qi、qs 以及 qg 变量(u、v、w分别 为扰动风场的纬向分量、经向分量、垂直分量,pt 为扰动位温,ph是位势高度变量,qh为冰雹混合比, qv为水汽混合比,qc为云水混合比,qr为雨水混合比, qi为冰晶混合比,qs为雪混合比,qg为霰混合比)。 分别在 23 日 23:00 和 24 日 00:00,通过 EnSRF 同化 方法将 9 部多普勒雷达资料同化进背景场。协方差



图 1 模拟区域与雷达位置 [图中黑色矩形框代表模拟范围、倒三角代表雷达位置,大圆圈代表半径为 230 km 雷达观测的范围,其中 9 部雷达分别为厦 门(XMRD)、福州(FZRD)、建阳(JYRD)、广州(GZRD)、深圳(SZRD)、汕头(STRD)、阳江(YJRD)、韶关(SGRD)以及桂林(GLRD)雷达] Fig. 1 The model domain and radar locations. Black rectangle: area of simulation; circles: the coverage of 230 km radar observations; inverted triangles: locations of the 9 radar stations at Xiamen (XMRD), Fuzhou (FZRD), Jianyang (JYRD), Guangzhou (GZRD), Shenzhen (SZRD), Shantou (STRD), Yangjiang (YJRD), Shaoguan (SGRD), and Guilin (GLRD)

局地化为五阶距离相关函数方案(Gaspari and Cohn, 1999),参考 Putnam et al. (2014),水平局地化距 离为 10 km,垂直局地化距离为 4 km,协方差膨胀 参数为 1.25。最后利用 EnSRF 同化得到的集合成员,进行 2 h 的集合预报。模式预报时间为 2007 年 4 月 24 日 00:00 至 4 月 24 日 02:00。

## 4 飑线过程及环境背景

2007 年 4 月 23 日,受中层的低压槽,地面准 静止锋和夜间低空急流的影响,华南地区发生了一 次典型的飑线过程。飑线系统在 20:00 进入广西和 广东省交界处,随后以 17 m s<sup>-1</sup>向东南方向移动, 24 日 02:00 飑线强度达到最大,水平尺度达 800 km 左右,基本覆盖了整个广东省,一直到 24 日 03:00 逐渐消散,维持了约 7 h。经统计,广东省累计降 水超过 50 mm,部分县市雷雨大风为 8~9 级,强 降水超过 100 mm。局部地区发生冰雹灾害,最大 风速可达 24 m s<sup>-1</sup>。

从 23 日 12:00 的 850 hPa 位势高度场可以看出 (图 2a),在(25°N,105°E)附近存在一个低压中 心,从 12:00 到 18:00,该低压中心与来自中纬度的 一个短波槽合并。等位温线的狭窄密集带表示温度 梯度较大的区域,一般出现在锋面附近。从位温场 的分布特征可以看出,在 25°N 附近存在一个准静 止锋即梅雨锋,大致呈东西走势,从中国西部一直 延伸到日本。18:00 在广西省西北部(图 2b),低层 风速的北风分量突然加强,来自北方的冷空气推动 准静止锋西部南下。北方干冷空气与南方的暖湿空 气的辐合不断加强,另外从可降水量可以看出,我 国广西、广东地区超过 60 kg m<sup>-2</sup>,并且有一只西南 气流不断地将水汽向两广地区输送,这都为飑线的 发生提供了有利的环流背景形势和水汽条件。

## 5 试验结果

## 5.1 控制试验模拟能力评估

从实况雷达组合反射率因子(图 3)可见,23 日 22:00,飑线移近广东和广西交界处,形成一条 东北一西南向呈线状的强对流回波区,东西方向的 长度为 300 km,南北方向的宽度为 30 km,强回波 中心呈弓形,最强回波超过 50 dBZ,此时飑线系统 正处于发展阶段。在系统移动的后方有大范围的层 云形成,这是因为在对流中心内部存在一支倾斜上 升气流,该气流从飑线系统前部低层进入,逐渐上 升从飑线后部顶端流出,期间会把飑线前部线状对 流带内小的降水粒子向飑线系统后部抛洒,从而形 成较为宽广的层云带。层云内有两块呈东北一西南 走向的次强回波,回波强度均超过 30 dBZ(图 3a)。 1 小时后,强对流回波和次强回波之间出现一条弱 回波过渡带,且回波向东移动,强度加强,福建北 部相对较弱的回波向西南方向移动,同时在移动方 向的前方不断有新的对流单体生成(图 3b)。24 日 00:00,飑线已经移动到广东省中部,广东和广西原 来分裂的两个强对流区域合并,形成一条长度约为 500 km的新线性对流系统,同时弱回波过渡区更加 明显, 宽度约为 35 km。24 日 01:00, 层云内的回 波强度进一步加强,最强回波超过 40 dBZ。24 日 02:00,飑线发展到全盛期,强对流回波区呈现显著 的"V"型结构,这表明近地面风速较大,飑线前 段对流单体的移动速度很快。另外,层云区的回波 范围和强度继续增大。

图 4 为控制试验模拟的雷达组合反射率因子, 与图 3 对比可知,确定性预报基本上模拟出了飑 线前部的线状强对流回波区,但模拟的范围明显 偏大,强度偏强,"V"型结构也不明显,未模拟 出飑线的层云区域,模拟的飑线位置偏南,移动 速度偏慢。23 日 22:00 和 23:00,强对流回波区在 南北方向加宽,宽度约为 50 km,弓形形状不明显, 福建省北部的对流区域也未模拟出来。从 23 日 22:00 到 24 日 02:00,福建的西南部的回波开始逐 渐增强,一直到 24 日 02:00,最强回波强度超过 50 dBZ。

## 5.2 集合预报模拟结果

上述分析表明,确定性预报技术能大概模拟 出强对流回波区的主要特征,但对飑线后部的层 云区、弱回波过渡带以及飑线位置的模拟与观测 有较大的偏差。研究表明:对于风暴(Aberson, 2001)、飓风(Stensrud and Weiss, 2002)及局地强 降水等中尺度极端天气事件,中尺度集合预报能 够提供更多的概率预报信息,相比确定性预报表 现出一定的优势。因此本文通过随机背景误差协 方差扰动方法产生 40 个集合成员,进一步探讨集 合预报的模拟效果。集合成员是利用 WRFDA 的 三维变分程序,对背景场添加随机的背景误差协 方差而产生的。

参考 Parker and Johnson (2000) 和 Meng and Zhang (2012) 的方法,在飑线中,如果模拟的线

状对流中心(回波强度超过40 dBZ)与观测的距离 不超过200 km,则认为模拟出了飑线的主要特征。 经分析基本上所有成员都达到了上述标准,并且计 算各个集合成员的组合回波与雷达实况组合回波 的均方根误差,其中以第2、3、12、13、16、17、

19、21、22、36 以及 37 个集合的均方根误差最低 (图略),效果最佳,相比于确定性预报,飑线在 西部的回波增强,"V"型结构更明显,更接近于 观测场。考虑到集合成员的数目较多,以上述均方 根误差最低的 11 个集合成员为例。图 5 为这 11 个



图 2 2007 年 4 月 (a) 23 日 12:00 (协调世界时,下同)和 (b) 23 日 18:00 基于 NCEP 再分析资料的 850 hPa 环境场变量。阴影为可降水量(单位: kg m<sup>-2</sup>),黑实线为等高线(单位: dagpm),红虚线为等位温线(单位: K),矢量为风场(单位: m s<sup>-1</sup>)





图 3 雷达观测组合反射率因子(单位: dBZ) 2007 年 4 月: (a) 23 日 22:00; (b) 23 日 23:00; (c) 24 日 00:00; (d) 24 日 01:00; (e) 24 日 02:00 Fig. 3 Observed composite radar reflectivity (units: dBZ) in the squall line at (a) 2200 UTC 23, (b) 2300 UTC 23, (c) 0000 UTC 24, (d) 0100 UTC 24, and (e) 0200 UTC 24 April 2007



图 4 同图 3, 但为确定性预报试验模拟结果

Fig. 4 Same as Fig. 3, but for the deterministic forecast experiment



图 5 集合预报试验模拟的 2007 年 4 月 24 日 00:00 雷达组合反射率因子(单位: dBZ): (a) 观测(OBS); (b-1)分别是第 2、3、12、13、16、17、 19、21、22、36 和 37 个集合成员

Fig. 5 The composite radar reflectivity (units: dBZ) in the squall line from observations and simulated by the ensemble forecast experiment at 0000 UTC 24 April 2007: (a) Observations (OBS); (b–l) simulations of member 2, member 3, member 12, member 13, member 16, member 17, member 19, member 21, member 22, member 36, and member 37

集合成员 24 日 00:00 雷达组合反射率因子的分布。 与观测(图 5a)对比发现,集合预报模拟的线状强 对流回波区在南北方向尺度同样偏大。在确定性预 报中,广东省西部的回波为分散的点状,而集合成 员模拟的对流回波在此处强度增强,且回波为团 状,对流中心的弓形形状更明显,与观测场更接近。 不同集合成员的模拟结果也存在一定差异,其中以 第 12 个和第 37 个集合成员的均方根误差最低,这 说明飑线系统对初始场是比较敏感的。

### 5.3 同化结果

5.2 节以雷达观测为标准,分别对比了确定性预报和集合预报试验的组合回波分布特征,结果表明集合预报试验能够更加细致地描述飑线的中尺度结构。下面我们分别在23日23:00和24日00:00,利用 EnSRF 方法同化9部多普勒雷达资料。为了和同化雷达资料前的模拟结果对比,这里同样以24日00:00(同化结束时刻)的11个集合成员为例。

由雷达观测实况(图 6a)可知,在 24 日 00:00, 飑线已经发展为一个典型的成熟系统, 飑线的三个 组成部分,包括前部强对流回波区、中部对流向层 云的过渡区和后部的层云区都清晰可见。其中强对 流回波区为狭长的线状结构,回波整体东西走向, 南北方向尺度较小, "V"型结构明显,最强回波 强度能达到 50 dBZ 以上。层云区的亮带结构明显, 过渡区的回波强度较弱,仅25dBZ左右。对比图6 与图 5 可以看出, 集合预报试验和同化试验的回波 在空间分布上存在一定差异。同化前飑线前部的强 对流回波区在南北方向的范围偏大,强度略强,且 没有模拟出层云回波(图5)。经过同化后,各个集 合基本上呈现出了飑线成熟阶段主要特征,其中强 对流回波区的范围和强度有所减少,线状结构更加 明显,飑线后部的层云回波和过渡区也有所体现。 另外,同化改善了福建处的回波结构,回波强度大 于 20 dBZ 的范围明显增大 (图 6)。可见, 雷达资 料同化有效地改善了飑线系统的回波结构 (尤其是 层云区)和强度,使背景场较同化前更接近实况, 因此在数值模式中同化雷达资料对飑线的结构影 响很大。

为了进一步考察雷达资料同化对飑线系统结构的影响,以第 13 个集合成员为例,图 7 分别对确定性预报、集合预报(同化前)和同化试验的反射率因子过(24°N,115°E),沿纬向作垂直剖面。 由图 7 可以看出,三组试验均给出了飑线前缘的强 对流回波区。相比确定性预报和集合预报试验,同 化试验线状对流后部的层云回波范围有所增加。强 对流区后方的层云水平范围达到 200 km 左右,平 均伸展高度约为 10 km,最强回波接近 45 dBZ,这 是因为层云上方固态水凝物降落到约 4 km 时表面 开始融化,导致粒子群的雷达反射率迅速增大而产 生的回波大值区。

冷池对飑线系统的发展和维持有着非常重要 的作用。由图 8a-c 可以发现, 三组试验在地表的位 温场均存在低值中心,即低层形成明显的冷池结 构。冷池中心最低扰动位温能达到-7 K,这与飑 线的强对流回波区相对应。飑线具有明显的冷池结 构是因为降水导致冷空气不断下沉扩散,从而使得 近地面层扰动位温下降。对比三组试验发现,确定 性预报试验模拟的冷池范围最小,强度最弱,集合 预报试验次之,同化试验的冷池范围最大,强度最 强,具有明显的冷空气丘结构(王焱等,2008)。 在冷池的西侧,同化试验的风速明显大于确定性预 报和集合预报试验, 气流从冷空气堆处向外辐散流 出,并与前部暖区的气流相汇合。为了更清楚地对 比同化前后扰动位温的差异,图 8d 为同化试验与 集合预报试验扰动位温的差值场,发现同化后地面 冷池更明显, 扰动位温明显降低, 最多约降低 3 K。

由于冷池本身是由高密度的冷空气组成,与周围相比是一高气压区(雷暴高压),因此强冷池的形成将会在近地面形成强雷暴高压。由图9可以看出,三组试验在广东省均存在雷暴高压中心,且在其周围有很强的向四周辐散的风,前沿的辐散风速达到10ms<sup>-1</sup>以上。三组试验中,同化试验的雷暴高压气压最高,范围最大,雷暴高压前缘辐散的西北气流和东南暖湿气流辐合也最明显。从同化前后地表气压的差值场(图9d)可知,在飑线的前部,气压有所降低,最多约下降3hPa,在飑线的后部,地面气压差值存在高值区,最多约升高4hPa。

雷达资料同化对水凝物总量(包括云水混合比 q<sub>c</sub>、雨水混合比 q<sub>r</sub>、冰晶混合比 q<sub>i</sub>、雪混合比 q<sub>s</sub>以 及雹霰混合比 q<sub>g</sub>)分布也有一定的改善,由图 10a-c 可知,三组试验在广东省附近均有一条呈带状的水 凝物高值区,这与飑线的线状强对流回波区是相对 应。由图 4c 和图 5e 可知,确定性预报和集合预报 试验给出的飑线线状强对流区域强度偏强,且宽度 偏大,因此该处的水凝物的范围也偏大,强度偏强。 同化试验的水凝物高值中心,与观测的线状强对流



图 6 同图 5, 但为 EnSRF 同化试验结果 Fig. 6 Same as Fig. 5, but for EnSRF final analysis results



图 7 三组试验 2007 年 4 月 24 日 00:00 雷达反射率因子的垂直剖面(单位: dBZ): (a)确定性预报; (b) 未同化雷达资料的第 13 个集合成员; (c) 同化雷达资料的第 13 个集合成员的分析场

Fig. 7 Vertical cross sections of radar reflectivity in the squall line at 0000 UTC 24 April 2007 (units: dBZ): (a) Deterministic forecast, (b) member 13 forecast without radar data assimilation, (c) member 13 analysis with radar data assimilation

中心(红虚线)的位置最接近,其它两组试验位置 偏南,同化试验在水凝物高值带后方,也同化出水 凝物次高值区,这与观测的层云区是相吻合的。对 比同化前后的差异(图 10d)发现,同化后飑线 线状对流带内的水凝物有所下降,最多约下降 2  $g kg^{-1}$ , 飑线后部层云区位置的水凝物明显增加, 最多约升高 $2 g kg^{-1}$ 。

#### 5.4 预报结果

以上分析表明,经过雷达资料同化后,大部分 集合成员的飑线回波结构明显地改善,且能够较准



图 8 三组试验 2007 年 4 月 24 日 00:00, 地表扰动位温(阴影,单位: K)和水平速度(矢量,单位: m s<sup>-1</sup>): (a)确定性预报; (b)未同化雷达资料的 第 13 个集合成员; (c)同化雷达资料的第 13 个集合成员的分析场; (d)第 13 个集合成员同化试验与集合预报试验地表面扰动位温的差 Fig. 8 Surface potential temperature perturbations (shaded, units: K) and horizontal winds (vector, units: m s<sup>-1</sup>) in the squall line at 0000 UTC 24 April 2007: (a) Deterministic forecast, (b) member 13 forecast without radar data assimilation, (c) member 13 analysis with radar data assimilation, (d) the difference in surface potential temperature perturbation between simulations of member 13 with and without radar data assimilation

确地分析出飑线的热力场、动力场和微物理量场的 细致特征。为了进一步检验其同化效果,对同化雷 达资料的集合成员进行了两个小时的预报,模式预 报时间为2007年4月24日00:00至4月24日02:00。 考虑到集合成员的数目较多,仍以上述的11个集 合成员为例。

由图 11a 可知,在24 日 02:00,大于5 dBZ 的 雷达回波水平尺度超过 800 km,并且在飑线系统内 部存在一条强对流回波带,东西方向的长度为 500 km,南北宽度为 25 km,回波中心强度达到 50 dBZ, "V"形结构比较明显,这说明飑线系统此时非常 强盛。相比于图 5a,强对流回波带后方的层云回波 强度增强,覆盖范围增大。广东省和福建省原来两 块分离的回波合并成一条线状回波,回波强度均超 过 30 dBZ。对比图 11b-1 可以看出,同化前各个集 合成员均能模拟出强对流回波带,也大致模拟出 "V"型结构,但相比于观测,强对流回波带的强 度偏强,南北方向的宽度偏大,约为 60 km,结构 较为松散。同时可以看到,强对流回波带向东南方 向倾斜,一直延伸至海上,飑线后方的层云区也不 明显,层云区大部分为零星的点状回波。飑线系统 对初始场较为敏感,各个集合成员的模拟效果也存 在一定差异,其中第 13、36 个集合成员的模拟效





中心位置有了一定程度地改善,但对后部层云结构 的模拟效果仍欠佳。

图 12 为基于 EnSRF 雷达资料同化试验的分析 场,上述 11 个集合成员所模拟的雷达组合反射率 因子。由图可以看出,加入雷达资料后,对飑线的 预报效果有一定改进,线状强对流回波区的强度有 所减弱,且南北方向宽度减少,这都更接近于实况。 值得注意的是,飑线线状强对流回波带后部的层云 区也有所体现,虽然较观测有一定差距,但是效果 明显优于未同化雷达资料的集合预报试验。

同样以第 13 个集合成员为例,图 13 为其反射 率因子过(24°N,115°E)沿着纬向作的垂直剖面。 由三组试验可以看出,在飑线发展强盛期,强对流 回波区位于飑线的前缘,确定性预报试验模拟的线 状强对流区域宽度偏大,为 80 km 左右,同化试验 模拟的线状强对流区域尺度约为 30 km 左右,与观测组合回波显示的线状对流区域宽度更加吻合。对于强对流回波区后方的层云区,同化试验模拟的层 云水平范围最大,为150 km 左右,集合预报试验 模拟的层云区水平范围次之,确定性预报试验则基 本没有模拟出层云结构。

为了进一步定量地评估同化及模拟效果,分别 计算三组试验从 23 日 22:00 到 24 日 02:00,40 个 集合成员关于组合反射率因子,阀值为 20 dBZ 的 ETS (Equitable Threat Score)评分(图略)。可以 发现,大部分集合成员,同化雷达资料后 ETS 评分 最高,其次是未同化雷达资料时,确定性预报最小。 图 14 给出了上述 11 个集合成员雷达组合反射率因 子(20 dBZ)的 ETS 评分,由图可以看出,未同化 雷达资料时,集合成员的 ETS 评分均高于确定性预



图 10 同图 8,但为 2 km 水凝物总量(阴影,单位:g kg<sup>-1</sup>)和水平速度 Fig. 10 Same as Fig.8, but for water mixing ratio (shaded, units:g kg<sup>-1</sup>) and horizontal winds (vector, units: m s<sup>-1</sup>) in the squall line at 2 km

报试验,其中以第 13 个和第 21 个集合成员最明显, ETS 评分提高了 0.06 以上。经过同化后,集合成员 的 ETS 评分均高于同化前的集合成员,其中第 3、 13、17、19 和 37 个集合成员的 ETS 评分比同化前 提高 0.1 以上。第 2 个集合成员在三组试验的 ETS 评分差异不大。可见,雷达资料同化能够有效地提 高模式对飑线系统的模拟水平。

## 6 结论

本文采用中尺度 WRF 模式,针对 2007 年 4 月 23 日发生在华南地区的一次典型飑线过程,探讨了 中尺度集合预报技术对飑线的模拟能力,并在此基 础上,基于 EnSRF 方法同化雷达资料,分别对 40 个集合成员进行了同化及模拟试验,验证了 EnSRF 同化多部雷达资料的效果。主要结论如下: (1)相比确定性预报,集合预报具有更好的模拟能力。确定性预报能大致捕捉到飑线系统的发生发展过程,但模拟的飑线强对流区域范围偏大,"V"型结构不明显,飑线系统后部的层云结构也未能模拟出来。集合预报通过对多个集合成员分别积分,能最大限度地模拟出飑线的可能状态。大部分集合成员均模拟出飑线的主要特征,其中有 11 个集合成员均方根误差最低,模拟效果最佳。

(2) EnSRF 能有效地同化实际雷达资料,增加 模式初始场的中小尺度信息,使各个集合成员的分 析场在飑线强对流回波区的范围和强度上更加准 确,且同化试验分析出了飑线后部的层云回波和过 渡区。相比确定性预报和集合预报,同化后得到的 冷池面积增大,强度变强,"V"型结构更明显, 飑线后部雷暴高压强度增大,水凝物高值中心的位



图 12 EnSRF 雷达资料同化试验模拟的 2007 年 4 月 24 日 02:00 雷达组合反射率因子(单位: dBZ): (a) 观测; (b-l) 分别是第 2、3、12、13、16、 17、19、21、22、36 和 37 个集合成员

Fig. 12 The composite radar reflectivity (unit: dBZ) in the squall line at 0200 UTC 24 April 2007 from observations and from simulations based on the EnSRF final analysis field: (a) Observations, (b–l) results of member 2, member 3, member 12, member 13, member 16, member 17, member 19, member 21, member 22, member 36, member 37



图 13 三组试验 2007 年 4 月 24 日 02:00 模拟的雷达反射率因子的垂直剖面(单位: dBZ):(a)确定性预报;(b)未同化雷达资料的第 13 个集合成员;(c)同化雷达资料的第 13 个集合成员的预报场

Fig. 13 The simulated cross sections of reflectivity of the squall line at 02:00 UTC on April 24,2007(unit: dBZ): (a) Deterministic; (b) member 13 forecast with no radar data; (c) member 13 forecast with radar data



图 14 2007 年 4 月 23 日 22:00 至 24 日 02:00,确定性预报试验、集合预报试验和同化试验的第 2、3、12、13、16、17、19、21、22、36 和 37 个 集合成员的雷达组合反射率因子(20 dBZ)的 ETS 评分

Fig. 14 The ETS scores for the composite reflectivity (20 dBZ) simulated by member 2, member 3, member 12, member 13, member 16, member 17, member 19, member 21, member 22, member 36 and member 37 for the period from 2200 UTC 23 April 2007 to 0200 UTC 24 April 2007

置更加准确,且在层云区存在次高值区。

(3)利用集合预报技术,通过对同化后的集合 成员进行模拟发现,大部分集合成员较未同化雷达 资料时模拟效果有明显改善,模拟的雷达回波更接 近观测,强对流回波区的线状回波和"V"型结构 明显,并且较好地模拟出飑线后部的层云区。同化 后的集合预报 ETS 评分最高,其次是未同化的集合 预报,确定性预报最低。

需要指出的是,本文只针对一次飑线过程进行 了初步研究,未来还需要结合更多的飑线个例进行 检验。另外,随着预报时间的增加,2小时后,同 化试验的ETS评分会逐渐降低,这可能与飑线系统 内部误差增长较快有关,然而目前如何提高预报时 效是一个难点,也有待进一步的研究。

### 参考文献(References)

- Aberson S D. 2001. The ensemble of tropical cyclone track forecasting models in the North Atlantic Basin (1976–2000) [J]. Bull. Amer. Meteor. Soc., 82 (9): 1895–1904, doi:10.1175/1520-0477(2001)082<0000: TEOTCT>2.3.CO;2.
- Aksoy A, Dowell D C, Snyder C. 2009. A multicase comparative assessment of the ensemble Kalman filter for assimilation of radar observations. Part I: Storm-scale analyses [J]. Mon. Wea. Rev., 137 (6): 1805–1824, doi:10.1175/2008MWR2691.1.
- Anderson J L. 2001. An ensemble adjustment Kalman filter for data assimilation [J]. Mon. Wea. Rev., 129 (12): 2884–2903, doi:10.1175/ 1520-0493(2001)129<2884:AEAKFF>2.0.CO;2.
- Stensrud D J, Weiss S J. 2002. Mesoscale model ensemble forecasts of the 3 May 1999 Tornado outbreak [J]. Wea. Forecasting, 17 (3): 526–543, doi:10.1175/1520-0434(2002)017<0526:MMEFOT>2.0.CO;2.

Dowell D C, Zhang F Q, Wicker L J, et al. 2004. Wind and temperature retrievals in the 17 May 1981 Arcadia, Oklahoma, supercell: Ensemble Kalman filter experiments [J]. Mon. Wea. Rev., 132 (8): 1982–2005, doi:10.1175/1520-0493(2004)132<1982:WATRIT>2.0.CO;2.

- Evensen G. 1994. Sequential data assimilation with a nonlinear quasigeostrophic model using Monte Carlo methods to forecast error statistics [J]. J. Geophys. Res.: Oceans (1978–2012), 99 (C5): 10143– 10162, doi:10.1029/94JC00572.
- Fisher M, Andersson E. 2001. Developments in 4D-Var and Kalman filtering [J]. ECMWFTechinical Memorandum, No. 347, Berkshire: ECMWF, 1–36.
- Gao J D, Xue M, Shapiro A, et al. 1999. A variational method for the analysis for three-dimensional wind fields from two Doppler radars [J]. Mon. Wea. Rev., 127 (9): 2128–2142, doi:10.1175/1520-0493(1999)127< 2128:AVMFTA>2.0.CO;2.
- Gaspari G, Cohn S E. 1999. Construction of correlation functions in two and three dimensions [J]. Quart. J. Roy. Meteoro. Soc., 125 (554): 723–757, doi:10.1002/qj.49712555417.
- Hamill T M, Synder C. 2000. A hybrid ensemble Kalman filter—3D variational analysis scheme [J]. Mon. Wea. Rev., 128 (8): 2905–2919, doi:10.1175/1520-0493(2000)128<2905:AHEKFV>2.0.CO;2.
- Harnish F, Keil C. 2015. Initial conditions for convective-scale ensemble forecasting provided by ensemble data assimilation [J]. Mon. Wea. Rev., 143 (5): 1583–1600, doi:10.1175/MWR-D-14-00209.1.
- Hong S Y, Dudhia J, Chen S H. 2004. A revised approach to ice microphysical processes for the bulk parameterization of clouds and precipitation [J]. Mon. Wea. Rev., 132 (1): 103–120, doi:10.1175/1520-0493(2004)132<0103:ARATIM>2.0.CO;2.
- Hu M, Xue M, Brewster K. 2006a. 3DVAR and cloud analysis with WSR-88D Level-II data for the prediction of the Fort Worth, Texas, tornadic thunderstorms. Part I: Cloud analysis and its impact [J]. Mon. Wea. Rev., 134 (2): 675–698, doi:10.1175/MWR3092.1.
- Hu M, Xue M, Gao J D, et al. 2006b. 3DVAR and cloud analysis with WSR-88D Level-II data for the prediction of the Fort Worth, Texas, Tornadic thunderstorms. Part II: Impact of radial velocity analysis via 3DVAR [J]. Mon. Wea. Rev., 134 (2): 699–721, doi:10.1175/ MWR3093.1.
- Keppenne C L. 2000. Data assimilation into a primitive-equation model with a parallel ensemble Kalman filter [J]. Mon. Wea. Rev., 128 (6): 1971–1981, doi:10.1175/1520-0493(2000)128<1971:DAIAPE>2.0.CO;2.
- 兰伟仁,朱江, Xue Ming,等. 2010a. 风暴尺度天气下利用集合卡尔曼 滤波模拟多普勒雷达资料同化试验 I. 不考虑模式误差的情形 [J]. 大 气科学, 34 (3): 640–652. Lan Weiren, Zhu Jiang, Xue Ming, et al. 2010a. Storm-scale ensemble Kalman filter data assimilation experiments using simulated Doppler radar data. Part I: Perfect model tests [J]. Chinese Journal of Atmospheric Sciences (in Chinese), 34 (3): 640–652, doi:10.3878/j.issn.1006-9895.2010.03.15.
- 兰伟仁,朱江, Xue Ming,等. 2010b. 风暴尺度天气下利用集合卡尔曼 滤波模拟多普勒雷达资料同化试验 II. 不考虑模式误差的情形 [J]. 大气科学, 34 (3): 737–753. Lan Weiren, Zhu Jiang, Xue Ming, et al. 2010b. Storm-scale ensemble Kalman filter data assimilation experiments using simulated Doppler radar data. Part II: Imperfect model tests [J]. Chinese Journal of Atmospheric Sciences (in Chinese), 34 (4): 737–753,

doi:10.3878/j.issn.1006-9895.2010.04.07.

- Meng Z Y, Zhang Y J. 2012. On the squall lines preceding landfalling tropical cyclones in China [J]. Mon. Wea. Rev., 140 (2): 445–470, doi:10.1175/MWR-D-10-05080.1.
- 闵锦忠,陈杰,王世璋,等. 2011. WRF-EnSRF 同化系统的效果检验及 其应用 [J]. 气象科学, 31 (2): 135–144. Min Jinzhong, Chen Jie, Wang Shizhang, et al. 2011. The tests of WRF-EnSRF data assimilation system and its applications in storm scale events [J]. J. Meteor. Sci., 31 (2): 135–144, doi:10.3969/j.issn.1009-0827.2011.02.003.
- Mitchell H L, Houtekamer P L, Pellerin G. 2002. Ensemble size, balance, and model-error representation in an ensemble Kalman filter [J]. Mon. Wea. Rev., 130 (11): 2791–2808, doi:10.1175/1520-0493(2002)130<2791: ESBAME>2.0.CO;2.
- Oye R, Mueller C, Smith S. 1995. Software for radar translation, visualization, editing, and interpolation [C]//Proceedings of the 27th Conference on Radar Meteorology. Boston, USA: American Meteorological Society, 359–361.
- Parker M D, Johnson R H. 2000. Organizational modes of midlatitude mesoscale convective systems [J]. Mon. Wea. Rev., 128 (10): 3413–3436, doi:10.1175/1520-0493(2001)129<3413:OMOMMC>2.0.CO;2.
- Putnam B J, Xue M, Jung Y, et al. 2014. The analysis and prediction of microphysical states and polarimetric radar variables in a mesoscale convective system using double-moment microphysics, multinetwork radar data, and the ensemble Kalman filter [J]. Mon. Wea. Rev. 142 (1): 141–162, doi:10.1175/MWR-D-13-00042.1.
- 秦琰琰, 龚建东, 李泽椿. 2012. 集合卡尔曼滤波同化多普勒雷达资料 的观测系统模拟试验 [J]. 气象, 38 (5): 513–525. Qin Yanyan, Gong Jiandong, Li Zechun. 2012. Assimilation of Doppler radar observations with an ensemble Kalman filter: OSS experiments [J]. Meteor. Mon. (in Chinese), 38 (5): 513–525, doi:10.7519/j.issn.1000-0526.2012.5.001.
- Skamarock W C, Klemp J B, Dudhia J, et al. 2008. A description of the advanced research WRF version 3 [R]. NCAR Technical Note TN-475+ STR, 113.
- Snyder C, Zhang F Q. 2003. Assimilation of simulated Doppler radar observations with an ensemble Kalman filter [J]. Mon. Wea. Rev., 131(8): 1663–1677, doi:10.1175//2555.1.
- 孙虎林, 罗亚丽, 张人禾, 等. 2011. 2009 年 6 月 3~4 日黄淮地区强飑线 成熟阶段特征分析 [J]. 大气科学, 35 (1): 105–1209. Sun Hulin, Luo Yali, Zhang Renhe, et al. 2011. Analysis on the mature-stage features of the severe squall line occurring over the Yellow River and Huaihe River basins during 3–4 June 2009 [J]. Chinese Journal of Atmospheric Sciences (in Chinese), 35 (1): 105–120, doi:10.3878/j.issn.1006-9895. 2011.01.09.
- Sun J Z, Crook A. 1994. Wind and thermodynamic retrieval from single-Doppler measurements of a gust front observed during Phoenix II [J]. Mon. Wea. Rev., 122 (6): 1075–1091, doi:10.1175/1520-0493(1994) 122<1075;WATRFS>2.0.CO;2.
- Sun J Z, Flicker D W, Lilly D K. 1991. Recovery of three-dimensional wind and temperature fields from simulated single-Doppler radar data [J]. J. Atmos. Sci., 48 (6): 876–892, doi:10.1175/1520-0469(1991)048<0876: ROTDWA>2.0.CO;2.
- Tong M Q, Xue M. 2005. Ensemble Kalman filter assimilation of Doppler

radar data with a compressible nonhydrostatic model: OSS experiments [J]. Mon. Wea. Rev., 133 (7): 1789–1807, doi:10.1175/MWR2898.1.

- Tong M Q, Xue M. 2008. Simultaneous estimation of microphysical parameters and atmospheric state with simulated radar data and ensemble square root Kalman filter. Part II: Parameter estimation experiments [J]. Mon. Wea. Rev., 136 (5): 1649–1668, doi:10.1175/2007MWR2071.1.
- 王焱,潘益农,潘玉洁. 2008. 一次飑线过程的数值模拟及诊断分析 [J]. 南京大学学报 (自然科学版),44 (6):583–597. Wang Yan, Pan Yinong, Pan Yujie. 2008. A case study on squall line: Numerical simulation and diagnosis analysis [J] J. Nanjing Univ. (Nat. Sci.), 44 (6): 583–597, doi:10.3321/j.issn:0469-5097.2008.06.002.
- Whitaker J S, Hamill T M. 2002. Ensemble data assimilation without perturbed observations [J]. Mon. Wea. Rev., 130 (7): 1913–1924, doi:10.1175/1520-0493(2002)130<1913:EDAWPO>2.0.CO;2.
- Xiao Q N, Sun J Z. 2007. Multiple-radar data assimilation and short-range quantitative precipitation forecasting of a squall line observed during

IHOP\_2002 [J]. Mon. Wea. Rev., 135 (10): 3381-3404, doi:10.1175/ MWR3471.1.

- 许小永, 刘黎平, 郑国光. 2006. 集合卡尔曼滤波同化多普勒雷达资料 的数值试验 [J]. 大气科学, 30 (4): 712–728. Xu Xiaoyong, Liu Liping, Zheng Guoguang. 2006. Numerical experiment of assimilation of Doppler radar data with an ensemble Kalman filter [J]. Chinese Journal of Atmospheric Sciences (in Chinese), 30 (4): 712–728, doi:10.3878/j. issn.1006-9895.2006.04.16.
- Xue M, Tong M J, Droegemeier K K. 2006. An OSSE framework based on the ensemble square-root Kalman filter for evaluating the impact of data from radar networks on thunderstorm analysis and forecasting [J]. J. Atmos. Oceanic Technol., 23 (1): 46–66, doi:10.1175/JTECH1835.1.
- Zhang Fuqing, Snyder C, Sun Juanzhen. 2004. Impacts of initial estimate and observation availability on convective-scale data assimilation with an ensemble Kalman filter [J]. Mon. Wea. Rev., 132 (5): 1238–1253, doi:10.1175/1520-0493(2004)132<1238:IOIEAO>2.0.CO;2.