陈悦丽, 陈德辉, 李泽椿, 等. 2016. 降雨型滑坡的集合预报模型及其初步应用的试验研究 [J]. 大气科学, 40 (3): 515–527. Chen Yueli, Chen Dehui, Li Zechun, et al. 2016. An ensemble prediction model for rainfall-induced landslides and its preliminary application [J]. Chinese Journal of Atmospheric Sciences (in Chinese), 40 (3): 515–527, doi:10.3878/j.issn.1006-9895.1503.15120.

降雨型滑坡的集合预报模型及其初步应用的试验研究

陈悦丽^{1,2,3} 陈德辉³ 李泽椿⁴ 吴亚丽⁵ 黄俊宝⁶

1 南京信息工程大学大气科学学院,南京 210044

2 中国气象科学研究院灾害天气国家重点实验室,北京 100081

3 中国气象局数值预报中心,北京 100081

4 国家气象中心,北京 100081

5 中国气象局广州热带海洋气象研究所区域数值预报重点实验室,广州 510080

6 福建省地质环境监测中心,福州 350002

摘 要 滑坡的实时预警系统 GRAPES-Landslide 是将数值天气预报模式 GRAPES (Global/Regional Assimilation and PrEdiction System) 与滑坡预测模型 TRIGRS (Transient Rainfall Infiltration and Grid-based Regional Slopestability)进行单向耦合建立起来的动力数值预报预警系统。由于滑坡预测模型 TRIGRS 中的关键水土参数具有空 间分布很不均的特性,很难获取准确的数据加以描述,使得滑坡事件的激发、预测存在很大的不确定性,同时数 值天气预报模式本身具有不确定性,因而用于诱发滑坡灾害的估测降水存在不确定性,进而使得滑坡的预报存在 偏差。本研究基于预测降水和水土参数分布不确定性的考虑,提出了 GRAPES-Landslide 滑坡集合预报模型。滑 坡集合预报模型中有5个不同的预报降水成员,分别是(1)GRAPES MESO业务模式、(2)"暖—潜热加热纳近" 方法、(3)基于九点平滑滤波的"暖—潜热加热纳近"方法、(4)对(1)~(3)的降水成员进行简单平均、(5) 对(1)~(3)的降水成员进行概率匹配的集合。根据水土参数呈正态分布的特点,通过 Monte-Carlo 方法随机 生成 100 组扰动参数值。将 5 个预报降水与 100 组扰动水土参数结合,组成 GRAPES-Landslide 滑坡集合预报模 型。选择 2013 年 7 月 18 日 00 时到 7 月 19 日 12 时(协调世界时)福建省"西马仑"台风降雨引发闽三角地区发 生大量滑坡灾害为例,进行实际预报试验。初步研究结果表明本文建立的 GRAPES-Landslide 滑坡集合预报系统 所预测的滑坡频发区与观测区域有很好的吻合度,与目前的滑坡业务预报结果相比有明显改进,落区更精细化。 因此, GRAPES-Landslide 滑坡集合预报系统综合考虑了降水预报的不确定性和非均匀分布的水土参数的不确定 性,为区域滑坡预测提供了一种新的可能方法。 关键词 降雨型滑坡 GRAPES-Landslide 预报系统 集合预报 文章编号 1006-9895(2016)03-0515-13 中图分类号 P456 文献标识码 A

doi:10.3878/j.issn.1006-9895.1503.15120

An Ensemble Prediction Model for Rainfall-Induced Landslides and Its Preliminary Application

CHEN Yueli^{1, 2, 3}, CHEN Dehui³, LI Zechun⁴, WU Yali⁵, and HUANG Junbao⁶

1 College of Atmospheric Science, Nanjing University of Information Science & Technology, Nanjing 210044

2 State Key Laboratory of Severe Weather, Chinese Academy of Meteorological Science, Beijing 100081

收稿日期 2015-01-29; 网络预出版日期 2015-03-27

作者简介 陈悦丽,女,1985年出生,博士,主要从事灾害的预报预警技术研究。E-mail: chenyl@camscma.cn

通讯作者 陈德辉, E-mail: chendh@cma.gov.cn

资助项目 国家重点基础研究发展计划(973计划)项目 2013CB430106,国家自然科学基金项目 41375108

Funded by National Basic Research Programs of China (973 Program) (Grant 2013CB430106), National Natural Science Foundation of China (Grant 41375108)

3 Numerical Weather Prediction Center, China Meteorological Administration, Beijing 100081

4 National Meteorological Center, Beijing 100081

5 Key Laboratory of Regional Numerical Weather Prediction, Guangzhou Institute of Tropical and Marine Meteorology, China Meteorological Administration, Guangzhou 510080

6 Fujian Monitoring Center of Geological Environment, Fuzhou 350002

Abstract The rainfall-triggered landslide disaster early warning model GRAPES-Landslide is a physical deterministic model that couples the GRAPES model (Global/Regional Assimilation and PrEdiction System) and the TRIGRS model (Transient Rainfall Infiltration and Grid-based Regional Slope-stability). The input parameters, such as cohesion and friction angle, used in the TRIGRS model have been identified as a major source of uncertainty, because of their spatial variability. Such uncertainty of numerical weather prediction also has an impact on landslide forecasting. The authors propose an ensemble GRAPES-Landslide model for landslide predicting members in the ensemble model including the GRAPES model, the warm latent heat nudging method, the warm latent heat nudging method with a nine-point moving average filter, the simple averaging method of the first three members, and the averaging method of the probability matching of the first three members. Using the cumulative distribution for each random variable and a random number generator, 100 sets of parameter values were randomly generated. The ensemble model was applied to forecast the landslide occurrences in Min-San-Jiao, Fujian Province, during a typhoon rainfall process in 2013. Results showed that the observed landslide areas were located in the high risk areas. Compared with the operational landslide forecasting, the prediction result of the ensemble GRAPES-Landslide model was more accurate. The ensemble GRAPES-Landslide model provides a new probability prediction method for landslides.

Keywords Rainfall-induced landslides, GRAPES-Landslide model, Ensemble prediction

1 引言

滑坡灾害是全球泛生型突发性地质灾害,广泛 分布于高山、中山和低山丘陵区。影响滑坡的主要 因素可以分为内因和外因两类:内因包括地质条 件、地貌类型和人类活动;外因包括降水、地震和 火山爆发等(Varnes,1978)。根据我国县市地质灾 害第一期调查的结果显示,滑坡的主要诱发因素是 暴雨,暴雨诱发的滑坡数量占总数的90%(李媛等, 2004)。早期的研究也显示滑坡的发生与降水的时 空分布具有紧密的联系。目前开展的滑坡预测研究 主要基于经验模型、统计模型或者动力模型。

经验模型主要分析诱发滑坡发生的降雨特征, 特别是降雨强度、历时和累积雨量,获得诱发滑坡 的降雨强度——历时关系曲线(Intensity-Duration curve,简称 I-D 曲线)或者累积雨量的临界值,从 而判断滑坡发生的可能性。经验模型的特点是简 便,易于操作,但是只能适用于特定的区域。统计 模型包括贝叶斯模型、回归模型和神经网络模型 等。统计模型减少了选择降雨阈值的主观性,考虑 了静态条件,例如坡度、海拔高度和植被覆盖等因 素,但是不适合用于研究极端降水诱发的滑坡事 件,并且无法对滑坡发生的内部机理进行解释。动 力模型从模拟滑坡发生的物理机制出发,一般以地 理、地质和水文特征作为输入参数,降水作为驱 动因子。将水文模型与边坡稳定性模型进行耦 合,可以较好的模拟坡体的变化。目前常用的耦合 模型有 SHALSTAB (SHAllow Landslide STABility model)、SINMAP (Stability INdex MAPping)、 dSLAM/IDSSM (distributed Shallow LAndslide Model/Integrated Dynamic Slope Stability Model)和 TRIGRS (Transient Rainfall Infiltration and Gridbased Regional Slope-stability model)等。与其他模 型相比较,TRIGRS 模型考虑了瞬态降水过程对边 坡稳定性的影响,模拟结果更为准确(Godt et al., 2008)。

TRIGRS 模型基于瞬态降雨入渗原理,模拟边 坡安全系数随时间的变化(Iverson,2000; Baum et al., 2008)。Chen et al. (2005)使用 TRIGRS 模型模拟了 2000年12月发生在台湾的一起由降雨诱发的滑坡 事件。丛威青等(2008)将 TRIGRS 模型应用于我 国南方某典型地区,结果表明该模型可以动态的预 测区域降雨型滑坡的发生发展过程。Liao et al. (2011)在卡罗莱纳州北部梅肯县蓝岭山量化评估 了 Matlab 版本 TRIGRS 的时空预测能力,结果显示 在准确的降雨预报和详细的野外数据基础上,此模 型具有较高的滑坡预警潜力。Kim et al. (2010)利 用分辨率为5m×5m的DEM (Digital Elevation Model)数字高程模型和土壤调查数据,使用 TRIGRS模型计算安全系数,得到可能发生滑坡的 区域,并且与分辨率为1m×1m的IKONOS2滑坡 遥感图像进行对比分析,两者的符合度为64.1%。 Vieira et al. (2010)使用TRIGRS模型预测位于巴 西圣保罗的马尔山流域的不同场景下的浅层滑坡。 Godt et al. (2008)应用TRIGRS模型在华盛顿州的 西雅图北部进行模拟,结果表明加入瞬态过程提高 了模型的模拟精度。滑坡动力模型的预报效果已经 得到了国内外学者的认可,但是将滑坡动力模型应 用到实际的预报工作中仍然有很多问题需要解决, 特别是如何获取高时空分辨率的预测降雨数据和 水土参数。

目前滑坡预报研究中使用的降雨数据主要来 自气象观测站。使用气象观测站的降雨资料进行滑 坡预报,存在以下三个问题:(1)观测降水资料不 是预测资料;(2)气象站点数量有限且分布不均;

(3) 部分高山或者偏远地区,缺乏降雨观测资料。 部分学者提出利用数值天气预报模式预报降水,从 而驱动滑坡模型,预测滑坡发生的时间和地点。Liao et al. (2010) 用空间分辨率为4 km×4 km 的 WRF

(Weather Research Forecasting)模式的预报降水数 据驱动滑坡预测模型 SLIDE (Slope-Infiltration-Distributed Equilibrium),成功的预测了滑坡发生的 时间。魏丽(2005)利用 MM5 中尺度数值预报系 统 (Fifth-generation Pennsylvania State University-National Center for Atmospheric Research Mesoscale Model)对诱发滑坡的连续降水进行数值试验,获 取定量定点降水预报产品,使用统计模型进行滑坡 预报。数值天气预报模式可以预测未来降雨的时空 分布特征,但是存在一定的误差。数值天气模式的 误差主要来自初始条件和模式本身。数值模式的初 始条件只是真实大气状态的一个近似,初始场的一 个细微差别可能导致结果产生很大差异。从单一确 定的初始场得到的预报结果仅仅是真实大气的一 个可能解,存在着不确定性和不可靠性等问题(肖 玉华等, 2011)。集合预报为解决单一预报不确定 性问题提供了一种可能的方法。

由于滑坡预测模型中的关键水土参数具有空间分布不均的特性,很难获取准确的数据加以描述,使得滑坡事件的激发、预测存在很大的不确定

性。前人的研究显示凝聚力和内摩擦角是模型不确 定性的主要来源(Chowdhury and Flentje, 2003; Griffiths et al., 2011),并且通常呈正态分布 (Vanmarcke, 1977; Wang et al., 2010; Park et al., 2012),因此可以将获取高空间分辨率的水土参数 的需求,转化为获取水土参数的概率密度分布曲 线。传统的滑坡预报方法通常只能预报出百公里的 地质灾害易发区,而将集合数值天气预报方法与动 力学地质灾害模型相结合,进行滑坡的概率预报, 可以提高滑坡的空间预报到公里级别与延长滑坡 预报预见期。滑坡的实时预警系统 GRAPES-Landslide 是将数值天气预报模式 GRAPES (Global/ Regional Assimilation and PrEdiction System) 与滑坡 预测模型 TRIGRS 进行单向耦合建立起来的动力数 值预报预警系统(Chen et al., 2016)。本文基于预测 降水和水土参数分布不确定性的考虑,提出了 GRAPES-Landslide 滑坡集合预报模型。选择 2013 年7月18日00时至7月19日12时(协调世界时, 下同)"西马仑"台风降雨过程诱发福建省闽三角 地区发生的大量滑坡为例,进行滑坡预报试验。

2 研究区域和"西马仑"台风简介

福建省位于我国东南沿海,是典型的亚热带季风气候,雨季降雨量占全年降雨量的 30.0%左右, 多年 7 月的平均降雨量为 190 mm。闽三角地区位 于福建省的东南部,包括泉州市、厦门市和漳州市, 地形西高东低,特别是沿海地区海拔较低,多为 400 m 以下,坡度在 0°~74°之间,集中分布在 30° 以下(图 1、图 2)。地质类型主要有 6 种,包括沉 积岩与变质岩的元古界、古生界、中生界地层,以 及岩浆岩中的花岗岩、镁铁质岩类和火山岩(图 3, 数据来源于地球系统科学数据共享平台——中国 1:400 万全要素基础数据)。其中以沉积岩与变质岩 的中生界地层和花岗岩为主,占总面积的 90%以上。

2013 年第 8 号热带风暴"西马仑"于 7 月 18 日 12 时 30 分在福建省漳浦县登陆, 18 日 18 时在 福建省华安县减弱为热带低压, 18 日 21 时停止对 其编号(图 4)。由于受台风"苏力"的影响,"西 马仑"台风登陆前,福建省的 10 日累积降雨量高 达到 222 mm(图 5,数据来源于中国气象科学数据 共享网——中国地面降水日值 0.5°×0.5°数据集 V2.0),土壤已经呈饱和或者近饱和状态。"西马仑" 台风降雨过程在闽三角地区诱发了大量的滑坡灾







Fig. 2 Distribution of slope angle in Min-San-Jiao

害,有20.28万人受灾,直接经济损失15.52亿元。

基于 GRAPES-Landslide 的区域集 3 合预报模型

GRAPES 模型是 2001 年中国气象局联合各个 高校、研究所的专家建立的数值天气预报系统,如 今已经实现了业务运行,表现出较好的预报技巧 (Zhang and Shen, 2008)。TRIGRS 模型是由美国地



图 3 闽三角区域地质类型。色标 1、2、3、4、5 和 6 分别表示元古界 (沉积岩与变质岩)、古生界(沉积岩与变质岩)、中生界(沉积岩与 变质岩)、花岗岩(岩浆岩)、镁铁质岩类(岩浆岩)和上新世—全新 世火山岩(岩浆岩)

Fig. 3 Distribution of geology in Min-San-Jiao. Color marks from 1 to 6 respectively represent for Proterozoic (sedimentary rock and metamorphic rock), Paleozoic (sedimentary rock and metamorphic rock), Mesozoic (sedimentary rock and metamorphic rock), granite (magmatic rock), mafic rock (magmatic rock), and Pliocene-Holocene volcanic rock (magmatic rock)

质调查局开发的降雨诱发型滑坡的预报模型。滑坡 的实时预警系统 GRAPES-Landslide 是将 GRAPES 模型的逐小时降水预报结果经过降尺度后驱动 TRIGRS 模型。目前该预警系统已经在福建省德化 县进行了初步的试验,结果显示该预警系统对降水 诱发型滑坡具有较好的预报能力(Chen et al., 2016)。

GRAPES-Landslide 模型的滑坡预报准确度主 要取决于降水预报的准确性、水土参数精度以及模 式本身。利用数值天气预报模型进行降水预报具有 不确定性,预报的不确定性主要来自模式本身以及 初始条件。初始条件只是真实大气的一个近似,对 初始场进行扰动,开展集合预报可以在一定程度上 解决降水预报的不确定性问题。同时,由于缺乏高 精度的水土参数的空间分布信息,极大地限制了模 型的使用范围。如果根据野外调查的数据,对水土 参数进行适当的扰动,就可以将模型应用于较大的 区域。基于滑坡的实时预警系统 GRAPES-Landslide,考虑模型降水预报和水土参数的不确定



图 4 "西马仑"台风路径以及闽三角地区(绿色:泉州市;红色: 厦门市;蓝色:漳州市)的地理位置。

Fig. 4 The track of typhoon Cimaron and the geographical position of area Min-San-Jiao. Green: Quanzhou City; red: Xiamen City; blue: Zhangzhou City

性因素,提出了 GRAPES-Landslide 滑坡集合预报 模型,将传统的滑坡预报由确定性预报发展为概率 预报。

3.1 GRAPES 模式的初值不确定性扰动

滑坡预报模型需要降水数据作为驱动因子。本研究基于 GRAPES_MESO 模式,使用 5 个不同的降雨预报成员,进行降雨预报:

(1) GRAPES_MESO 业务预报模式。

(2)采用潜热加热纳近方法融合加密自动站的 降水资料,调整模式的加热廓线,使模式降水向观 测降水逼近,进而调整模式预报的初始场,达到改 进模式初值的目的,从而提高降水预报准确度。进 行地面降水资料同化之前,GRAPES 模式先运行 3h,这样就有较为合理的模式雨带与观测雨带进行 匹配,然后再修正模式的加热廓线,这种方法被称 为"暖一潜热加热纳近"方法(吴亚丽等,2015)。

(3)在"暖—潜热加热纳近"方法的基础上, 利用九点平滑滤波的方法对初始场进行平滑,这种 方法被称为"基于九点平滑滤波的'暖—潜热加热



图 5 2013 年 7 月 8 日至 2013 年 7 月 17 日福建省及其周边区域累积 降雨量(单位: mm)

Fig. 5 Accumulated rainfall (units: mm) in Fujian Province, 8-17 July 2013

纳近'方法"。

(4)将(1)~(3)的降水预报结果进行简单的集合平均。

(5)将(1)~(3)的降水预报结果通过概率 匹配的方法进行集合。

第1个降水预报成员是基于GRAPES 业务预报 模式。第2个降水预报成员的特点是同化了加密自 动站的降水资料,调整了模式的加热廓线。第3个 成员是在第2个成员的基础上,对初始场进行九点 平滑滤波。第4和5个成员分别用简单平均和概率 匹配的方法对前三种不同初始场的降水预报结果 进行集合。

3.2 TRIGRS 模型及其参数扰动

TRIGRS 是基于栅格的降雨诱发型斜坡稳定性 计算模型,包括入渗模型、斜坡稳定性模型和水文 模型三部分。Iverson(2000)提出了瞬时降雨入渗 模型,并将瞬时降雨入渗模型与无限边坡稳定性分 析模型及牛顿第二定律结合起来,预测滑坡发生的 时间和地点。Baum et al.(2008)发展了 Iverson (2000)模型,增加了复杂降雨过程的解决方案。 3.2.1 入渗模型

入渗模型应用于饱和或者近饱和的试验区域, 包括稳定入渗部分和瞬态入渗部分。稳定入渗部分 取决于地下水位的初始深度和稳定入渗速率,可见 入渗模型对初始条件十分敏感,因此需要进行田间 试验获取较为准确的初始条件。瞬态入渗部分假设 水流一维竖直向下流动,并且随着降雨强度的变化 而变化。有限深度不渗透底部边界的压力水头的公 式(Baum et al., 2008)为

$$\begin{split} \varphi(Z,t) &= (Z-d)\beta + 2\sum_{n=1}^{N} \frac{I_{nZ}}{K_{s}} H(t-t_{n}) [D_{1}(t-t_{n})]^{\frac{1}{2}} \\ \sum_{m=1}^{\infty} \left\{ ierfc \left[\frac{(2m-1)d_{1Z} - (d_{1Z} - Z)}{2[D_{1}(t-t_{n})]^{\frac{1}{2}}} \right] + \right. \\ ierfc \left[\frac{(2m-1)d_{1Z} + (d_{1Z} - Z)}{2[D_{1}(t-t_{n})]^{\frac{1}{2}}} \right] \right\} - (1) \\ 2\sum_{n=1}^{N} \frac{I_{nZ}}{K_{s}} H(t-t_{n+1}) [D_{1}(t-t_{n+1})]^{\frac{1}{2}} \\ \sum_{m=1}^{\infty} \left\{ ierfc \left[\frac{(2m-1)d_{1Z} - (d_{1Z} - Z)}{2[D_{1}(t-t_{n+1})]^{\frac{1}{2}}} \right] + ierfc \left[\frac{(2m-1)d_{1Z} + (d_{1Z} - Z)}{2[D_{1}(t-t_{n+1})]^{\frac{1}{2}}} \right] \right\} \\ ierfc(\eta) &= \frac{1}{\sqrt{\pi}} \exp(-\eta^{2}) - \eta erfc(\eta), \end{split}$$

式中, φ 为压力水头, 是竖直深度 Z 和时间 t 的函数, 随降水强度的变化而变化。d 为初始地下水位深度, $\beta = \cos^2 \alpha - (I_{ZLT} / K_s)$, α 为坡度, I_{ZLT} 为初始入渗速率, K_s 为饱和水力传导度, I_{nZ} 为第 n 个时段的入渗速率, $H(t-t_n)$ 为 Heavyside 阶跃函数, $D_1 = D_0 \cos^2 \alpha$, D_0 为饱和水力扩散度, N 为时间序列, $erfc(\eta)$ 为余误差函数, m 是无穷级数的指数, d_{LZ} 为基底深度。

3.2.2 斜坡稳定性模型

利用无限边坡模型分析斜坡的稳定性。无限边 坡是对土层深度 h 远远小于斜坡的长或宽 L 的复杂 斜坡形态的简单近似。无限边坡的初始破坏通过平 衡方程描述,重力沿斜坡向下的分力与依照库伦准 则获得的抵抗力之间相互平衡(孔隙水压力作为中 间媒介)。安全系数 F_s(Factor of Safe)定义为 (Iverson, 2000)

$$F_{\rm s} = \frac{\tan\phi}{\tan\alpha} + \frac{c - \varphi(Z, t)\gamma_{\rm w} \tan\phi}{\gamma_{\rm s} Z \sin\alpha \cos\alpha}, \qquad (3)$$

式中, ϕ 为土壤内摩擦角, c为土壤凝聚力, γ_s 为 是土壤容重, γ_w 是地下水容重。我们认为在发生边 坡破坏的深度 Z 处 $F_s=1$ 。当 F_s 大于 1 时, 斜坡处 于稳定状态。当 F_s 小于 1 时,斜坡处于不稳定状态。 3.2.3 水文模型

TRIGRS 模型使用了基于简单水量平衡的水文 模块来模拟地表径流,这样可以防止降雨所产生的 地表径流在运算域的网格中消失。模型中假设每一 个运算时间域内质量守恒,凡是无法在目前时间域 内入渗的降雨,将以地表径流的方式流往运算域内 下游网格,具体的计算方法参见式(4)和式(5) (Baum et al., 2008)。

$$I = P + R_{\rm u} \,, \tag{4}$$

式中, *I*(*I* ≤ *K*_s)为土壤入渗率, *P*为单位时间降雨量, *R*_u为来自上游相邻网格的单位时间地表径流, *K*_s为土壤饱和水力传导度。

当地表径流流至新网格时,根据该网格当时的 含水量,可以选择下渗或是继续向下游网格前进。 模式中假设如果降雨量加上来自邻近网格的地表 径流量之和超过该网格的入渗容量时,该网格随即 产生地表径流,流向下游临近网格。

$$R_{\rm d} = P + R_{\rm u} - K_{\rm s} \,, \tag{5}$$

式中, $R_{\rm d}$ ($R_{\rm d} \ge 0$)为单位网格的径流量。 3.2.4 TRIGRS 模型的参数扰动

TRIGRS 模型被广泛地应用于降雨型滑坡预测。通常预报区域面积较小,一般为几平方千米。 在较小的预报区域内,可以通过开展大量的野外采 样工作和室内试验获得水土参数值。但是滑坡预测 模型 TRIGRS 中的关键水土参数本身具有内在的空 间分布非均匀性(Baecher and Christian, 2003; Chowdhury et al., 2010),即使是在同层土中不同位 置的水土参数也具有变异性。如果模型采用单一的 参数值,容易导致预报结果存在偏差。当预报区域 范围较大时,获取准确的高精度水土参数几乎是不 可能的,使得滑坡事件的激发、预测存在很大的不 确定性。因此必须解决在水土参数空间分布不均以 及采样样品有限的条件下,如何利用有限的样本获 取模型的输入参数的问题。

水土参数中内摩擦角和凝聚力是边坡稳定性 模型不确定性的主要来源,本研究中只考虑了内摩 擦角和凝聚力的空间分布不确定性。大多数学者的 研究显示凝聚力和内摩擦角呈正态分布,也有部分 学者认为凝聚力和内摩擦角呈线性或者对数正态 分布(Vanmarcke, 1977; Wang et al., 2010; Park et al., 2012)。将内摩擦角和凝聚力看作一个随机变量, 根据其具有的某种分布特征,就可以将获取高精度 水土参数空间分布的需求,转化为获取水土参数的 概率密度分布曲线,从而解决获取水土参数困难的 问题(Park et al., 2013; Raia et al., 2014)。

蒙特卡洛方法(Monte-Carlo)是以概率统计理 论为基础,实现从已知概率分布抽样,建立随机变 量的估计值,构造符合一定规则的随机数。首先在 野外采集土壤样品,然后通过实验室分析得到样品 的凝聚力和内摩擦角。根据凝聚力和内摩擦角的分 布特征,利用 Monte-Carlo 方法进行随机抽样。将 每一组凝聚力和内摩擦角参数值都输入模型中计 算安全系数,然后统计每个研究单元中安全系数小 于1的次数,最后计算研究单元的失稳概率:

$$P_{\rm s} = \frac{n'(F_{\rm s} < 1)}{n} \,, \tag{6}$$

式中, *P*_s 为滑坡发生的概率或者称为失稳概率, *n* 为随机抽样的次数, *n*'为随机试验中安全系数 *F*_s 小于1的次数。

TRIGRS 模型通过将入渗模型、水文模型和斜 坡稳定性模型耦合在一起,计算边坡的安全系数 Fs,根据安全系数是否小于1来判断滑坡是否发生 以及发生的时间,但是没有考虑岩土中客观存在的 参数不确定性问题。利用参数的分布特征,通过 Monte-Carlo 方法模拟参数的随机分布,建立在概率 论基础上的可靠度被引入到边坡的稳定性评价中, 使得滑坡的预报方法由确定性预报,改进为概率预 报,预报结果更为科学和精确。

4 模型应用

4.1 试验设计

GRAPES-Landslide 滑坡集合预报模型中有 5 个不同的预报降水成员,主要包括:(1)GRAPES_ MESO 业务预报模式;(2)"暖一潜热加热纳近" 方法;(3)基于九点平滑滤波的"暖一潜热加热纳 近"方法;(4)简单集合平均;(5)概率匹配的降 水集合。在进行降水预报时,GRAPES模式垂直方 向选取非均匀的 32 层,水平分辨率约为 3 km。模 式微物理过程选用 WSM6 类方案(水汽、雨、雪、 云水、云冰、霰),长波辐射过程选用 RRTM 方案, 短波辐射选用 Dudhia 方案,近地面层选用 Monin-Obukhov 方案,陆面过程选用 Noah 方案,边界层 参数化方案为 MRF 方案,关闭积云参数化方案。"暖 一潜热加热纳近"方法中使用的加密自动站降水资 料来自于国家气象信息中心,该资料在由地方上传 到国家气象信息中心之前,经过了各级资料部门的 质量检查。模式的背景场和侧边界均由 NCEP GFS 的预报场提供,其中背景场为 GFS 的 6 h 预报场, 侧边界条件每 6 h 更新一次,进行 12 h 的短时预报。

TRIGRS 模型是基于栅格的模型,每个栅格的 大小与 DEM 的空间分辨率一致。本研究中选用了 空间分辨率为 30 m×30 m 的 DEM 资料(图 1), 也就是每个研究单元的空间分辨率为 30 m×30 m。 利用 Monte-Carlo 方法,根据闽三角地区的内摩擦 角和凝聚力分布特征,随机生成 100 组数值,也就 是每个研究单元都对应 100 组不同的水土参数组 合。每一个降水成员做出降雨预报后采用双线性插 值的方法进行降尺度后驱动 TRIGRS 模型。将 5 个 预报降水与 100 组扰动水土参数结合,共进行 5× 100 组试验,生成 5×100 个安全系数图层。每个研 究单元都进行了 5×100 次试验,统计每个研究单 元安全系数 Fs 小于 1 的次数,最后计算这个研究单 元发生滑坡的概率。

4.2 输入参数

原始 DEM 矩阵中普遍存在洼地。为了使水流 经过洼地时,有一个明确的水流方向,需要利用 ArcGIS 软件对 DEM 的洼地进行填平,然后采用单 流向 D8 算法计算水流方向 (Fairfield and Leymarie, 1991)。闽三角地区的坡度也是利用 DEM 资料在 ArcGIS 中直接提取 (图 2)。逐小时降水预报产品 的空间分辨率约为 3 km,使用双线性插值的方法降 尺度到 30 m。在台风"西马仑"登陆前十天,闽三 角地区累积降雨量较大,最高可达到 221 mm,其 余区域也在 100 mm 以上。我们假设此时土壤已经 处于饱和或者近似饱和的状态,水力扩散度 D₀ 是 水力传导度 K_s的 100 倍,而入渗速率 I₂ 是 K_s的 0.01 倍的 (陈则佑等, 2011; Liu and Wu, 2008; Chen et al., 2005)。

根据闽三角地区的地质分类图,该地区的主要 地质类型为沉积岩与变质岩和岩浆岩(图3)。沉积 岩与变质岩可以分为元古界、古生界和中生界等不 同地层。岩浆岩可以分为花岗岩、镁铁质岩类和上 新世一全新世火山岩等。对不同地质类型的分布面积进行统计,结果显示花岗岩占岩浆岩区域总面积的 90%以上,沉积岩与变质岩的中生界地层也占沉积岩与变质岩区域总面积的 90%以上。

德化县位于闽三角地区的最北部,其主要的地 质类型为沉积岩与变质岩的中生界地层。2006年到 2009 年福建省地质环境监测院在德化县开展了水 土参数调查工作,进行了大量的野外调查和室内试 验。试验结果显示,土壤容重γ。的平均值为 12.73 kN m⁻³, 土壤饱和水力传导度 K_s 为 8.19×10⁻⁷ m s⁻¹。根据此次调查工作获取的样本的凝聚力和内 摩擦角数值,首先进行了正态分布拟合度测试,均 通过了显著性水平为0.05的正态分布检验。将土样 的实验结果利用 Matlab 软件进行正态分布拟合:凝 聚力的平均值为 12.21 kPa, 方差为 6.15; 内摩擦角 的平均值为 21.06°, 方差为 6.18 (图 6)。这样的结 果与其他学者的研究结论相符合,土壤参数具有正 态分布的特征。从理论上说, Monte-Carlo 方法需要 大量的试验,试验次数越多,所得到的结果才越精 确。考虑到模型运行的时间成本,本次试验中利用 Monte-Carlo 方法随机生成 100 组凝聚力和内摩擦 角,作为闽三角地区沉积岩与变质岩区域的输入参 数。

由于花岗岩占岩浆岩分布总面积的 90%以上, 因此岩浆岩区域的水土参数取值参考花岗岩区域 的参数值。林蓬琪和侯萍(1990)等和王清等(1990)



根据林蓬琪和侯萍(1990)的研究与实际勘测, 当海拔高度小于 400 m,假设土壤厚度为 2 m;当 海拔高度小于 400 m,土壤厚度为 2~10 m,假设 土壤厚度与海拔高度呈线性关系 y = -0.02x+10, 其中 x 为海拔高度, y 为土壤厚度。闽三角地区的 土壤厚度分布图见图 7。根据经验判断,假设地下 水位深度为土壤厚度的 80%。

4.3 模拟结果

Chen et al. (2016)的研究结果表明:降水总量 对预测滑坡可能发生的时间和地点具有显著影响; 即使总雨量恒定,不同的雨型,例如逐小时降雨强 度随时间递增或者递减,预测滑坡发生的时间差别 很大。降水对滑坡具有明显的诱发作用,这就对降 水预报的准确性提出了更高的要求,不仅需要准确 预报降雨总量,还需要准确的预报逐小时降雨量。 由于降水是多种尺度大气运动非线性相互作用的 结果,大气的非线性和不稳定性特征所导致的预报 误差增长意味着预报模式的初始条件的很小误差, 都将不可避免的导致降水预报技巧的丧失,使得降





图 6 土壤样品的(a)土壤凝聚力和(b)内摩擦角分布

Fig. 6 Distribution of Soil samples' (a) soil cohesion and (b) friction angles

表1	模型输入参数								
T 11	4	Ŧ							

	Table 1 Input parameters of the model										
	土壤凝聚力 (c)	土壤内摩擦角	土壤容重(γ _s)/	土壤饱和水力传	入渗速率(Iz)/	水力扩散度(D ₀)/					
	平均值/kPa	(ø) 平均值	kN m ⁻³	导度 (K_s) /m s ⁻¹	$m s^{-1}$	$m^2 s^{-1}$					
沉积岩与变质岩	12.21	21.06°	12.73	8.19×10^{-7}	8.19×10^{-9}	8.19×10^{-5}					
岩浆岩	32.18	27.80°	17.837	8.19×10^{-7}	8.19×10 ⁻⁹	8.19×10^{-5}					



图 7 闽三角地区土壤厚度分布(单位:m)

Fig. 7 Distribution of soil thickness (units: m) in area Min-San-Jiao

水预报具有不确定性,因此使用多种方法获得不同 的初始场可以减少降水预报的不确定性,提高降水 预测的准确度。吴亚丽等(2015)的研究表明:"暖 一潜热加热纳近"方法可以有效地同化地面降水资 料,改进 GRAPES 模式 12 h 的降水 TS (Threat Score)和 ETS 评分;采用概率匹配的方法对降水 预报进行集合平均,可以提高 GRAPES 模式短时降 水的预报准确性。在本研究中采用了不同的降水成 员,包括 GRAPES_MESO 业务预报模式、"暖一潜 热加热纳近"方法、基于九点平滑滤波的"暖一潜 热加热纳近"方法、对前三个降水成员进行简单平 均和概率匹配的集合。采用不同的成员进行降水预 报,可以减小降水预报的不确定性。

模式的背景场和侧边界均由NCEP GFS 的预报 场提供,其中背景场为 GFS 的 6 h 预报场,侧边界 条件每 6 h 更新一次,进行 12 h 的短时预报。图 8 中 a1、b1、c1 为观测的 12 h 累积降水量,由加密 自动站点的小时降雨资料累加得到;a2、b2、c2 为 利用 "暖—潜热加热纳近"方法进行降水预报的结 果;a3、b3、c3 为 GRAPES_MESO 业务模式的降 水预报结果;a4、b4、c4 为利用基于九点平滑滤波 的 "暖—潜热加热纳近"方法进行降水预报的累加 12 h 降水量;a5、b5、c5 为对(a2、b2、c2)、(a3、 b3、c3)和(a4、b4、c4)方法的逐小时预报结果 进行了简单平均后进行累加;(a6)是采用概率匹

配的方法对逐小时预报结果进行集合,然后对12h 的降水结果进行累加。"西马仑" 台风于 2013 年 7 月 18 日 12 时 30 分在福建登陆。图 8a 显示了"西 马仑"台风登陆前12h降水总量,数值预报的降水 落区和总量较实况都偏大。图 8b 显示了台风登陆 后的降雨总量,与GRAPES 业务预报模式相比,其 余的四个降水成员都有效地改善了降水预报结果, 预报雨带的位置与实况接近,特别是采用概率匹配 的集合降水预报结果与实况更为接近。TS 评分可以 度量预报有降水和观测有降水事件被正确预报的 比例。图 9 给出了 2013 年 7 月 18 日 00 时到 7 月 19日12时的3h、6h和12h累积降水的TS检验 结果。GRAPES_MESO 业务模型的降水预报 TS 评 分显著低于其他四个降水成员,其他四个降水成员 对小雨、中雨、大雨和暴雨的预报能力不同。不同 成员预报的降水落区和强度存在一定差异。由于降 水预报具有不确定性,利用多个成员的降水预报结 果驱动滑坡预测模型,可以增大滑坡预报的准确 性。

从2013年7月18日00时至7月19日12时, 利用 GRAPES-Landslide 集合预报模型进行预报时 长为12h, 连续36h的滚动预报。每一个30m空 间分辨率的研究单元,都要进行 5×100 组试验, 得到 500 个预报的安全系数值。如果试验结果中有 300 个以上的安全系数值小于 1,即该研究单元发 生滑坡的概率大于 60%, 我们就认为该研究单元为 滑坡危险点。为了使滑坡预报结果更加直观,我们 进行了研究单元的聚合。将 100×100 个空间分辨 率为 30 m 的研究单元聚合为一个空间分辨率为 3000 m 的小区域,统计这个小区域中滑坡危险点的 数量。如果小区域内无危险点,则认为该小区域为 安全区域;如果危险点在5个以下,则为滑坡少发 区:如果危险点在 5~50 个之间,则该区域为多发 区;如果危险点数大于 50 个,则为滑坡灾害频发 X.

"西马仑"台风在闽三角地区诱发了大量的滑 坡地质灾害,主要集中在漳州市,厦门市也有部分 区域发生滑坡灾害,泉州市受到的影响较小。福建 省地质环境监测中心收集的滑坡灾害点主要集中 在漳州市的华安县、龙海市和云霄县(图 10c 中黑 色框区域)。从图 10 中可以看到,实况的分布与本 模型的预测结果比较接近,收集到的发生大密度滑 坡的区域都集中在预报的滑坡频发区内。根据预报



图 8 (a1-a6) 2013 年 7 月 18 日 00 时至 12 时福建省累积降雨量;(b1-b6) 2013 年 7 月 18 日 12 时至 19 日 00 时福建省累积降雨量;(c1-c6) 2013 年 7 月 19 日 00 时至 12 时福建省累积降雨量。(a1、b1、c1)观测降雨量;(a2、b2、c2)"暖—潜热加热纳近"得到的降雨量;(a3、b3、c3)GRAPES_MESO 模式得到的降雨量;(a4、b4、c4) 基于九点平滑滤波的"暖—潜热加热纳近"得到的降雨量;(a5、b5、c5)简单集合平均得到的降雨量;(a6、b6、c6) 概率匹配的降水集合。黑色矩形区域表示闽三角地区

Fig. 8 Accumulated rainfall during (a1–a6) 0000–1200 UTC 18 July 2013, (b1–b6) 1200 UTC 18 July to 0000 UTC 19 July 2013, and (c1–c6) 0000–1200 UTC 19 July 2013. (a1, b1, c1) Observed precipitation; (a2, b2, c2) precipitation from the warm latent heat nudging method; (a3, b3, c3) precipitation from the graph of the probability matching. The black rectangle is the area Min-San-Jiao



图 9 2013 年 7 月 18 日 00 时到 19 日 12 时 (a) 3 小时、(b) 6 小时、(c) 12 小时累积降水 TS 评分。色标 I、II、III、IV 和 V 分别表示"暖一潜热加热纳近"、GRAPES_MESO 模式、基于九点平滑滤波的"暖一潜热加热纳近"、简单集合平均和概率匹配的降水集合

Fig. 9 Threat score (TS) for (a) 3 h, (b) 6 h and (c) 12 h accumulated precipitation from 0000 UTC18 July to 1200 UTC 19 July 2013. Color marks I, II, III, IV, V respectively represent for the warm latent heat nudging method, GRAPES_MESO, the warm latent heat nudging method with nine-point moving average filter, the simple averaging method, and the averaging method of the probability matching

结果,在闽三角的东北部区域也有一些散落的滑坡 频发区。根据新闻报道,在闽三角地区的东北部确 实也出现了部分滑坡灾害。闽三角的中部有一个预 报的滑坡频发区域,但是实际并没有大量的滑坡灾 害发生,造成这种差异的原因是该区域的降雨预报 结果偏大。2013 年 7 月 18 日发布的全国地质灾害 气象预警预报结果与本模型的结果较为一致,但是本模型的结果更能反映出滑坡的区域易发性差异,具有较大的滑坡灾害临近预报价值。福建国土资源厅 2013 年 7 月 18 日发布的地质灾害预警与实况和本文的预报结果都具有一定的偏差。在实际业务中,参考 GRAPES-Landslide 滑坡集合预报模型的



图 10 (a) 2013 年 7 月 18 日 00 时至 12 时、(b) 2013 年 7 月 18 日 12 时至 19 日 00 时、(c) 2013 年 7 月 19 日 00 时至 12 时的闽三角地区滑坡灾 害预警图。黑色框区域:观测到大量滑坡发生的区域;黑色线条: 台风"西马仑"路径

Fig. 10 The prediction results for landslides in Min-San-Jiao: (a) 0000–1200 UTC 18 July 2013; (b) 1200 UTC 18 July to 0000 UTC 19 July 2013; (c) 0000–1200 UTC 19 July 2013. The black box represent the areas where lots of landslides occurred. The black line represents the track of typhoon Cimaron

预报结果,有助于提高预报的准确性。由于缺少精确的滑坡发生时间和地点的记录资料,无法对模型 结果进行更为详细的验证。下一步的研究需要收集 更为详尽的滑坡记录资料,以便更精确的评估模型 模拟效果。

5 结论与讨论

滑坡的实时预警系统 GRAPES-Landslide 是将 数值天气预报模式 GRAPES 与滑坡预测模型 TRIGRS 进行单向耦合建立起来的动力数值预报预 警系 统。由于滑坡预测模型 TRIGRS 中的关键水 土参数具有空间分布很不均的特性,很难获取准确 的数据加以描述,使得滑坡事件的激发、预测存在 很大的不确定性,同时数值天气预报模式本身具有 不确定性,因而用于诱发滑坡灾害的估测降水存在 不确定性,进而使得滑坡的预报存在偏差。本研究 基于预测降水和水土参数分布不确定性的考虑,提 出了 GRAPES-Landslide 滑坡集合预报模型,建立 在概率论基础上的可靠度被引入到边坡的稳定性 评价中,使得滑坡的预报方法由确定性预报,改进 为概率预报,预报结果更为科学和精确。

滑坡集合预报模型中有 5 个不同的预报降水成员,分别是(1) GRAPES_MESO 业务模式、(2) "暖一潜热加热纳近"方法、(3) 基于九点平滑滤 波的"暖一潜热加热纳近"方法、(4) 对(1) ~ (3) 的降水成员进行简单平均、(5) 对(1) ~(3) 的降水成员进行概率匹配的集合。根据水土参数呈 正态分布的特点,通过 Monte-Carlo 方法随机生成 100 组扰动参数值。将 5 个预报降水与 100 组扰动 水土参数结合,组成 GRAPES-Landslide 滑坡集合 预报模型。本文选取了 2013 年 7 月台风"西马仑" 降水在福建省诱发的系列滑坡案例进行模拟分析。 降水预报结果表明,GRAPES 业务预报模型的降水 预报 TS 评分都显著低于其他四个降水成员,其他 四个降水成员对小雨、中雨、大雨和暴雨的预报能 力不同。利用不同的降水成员预报降水过程,可以 减小降水预报的不确定性。初步的滑坡预报结果表 明本文建立的 GRAPES-Landslide 滑坡集合预报系 统所预测的滑坡频发区与观测区域有很好的吻合 度,与目前的滑坡业务预报结果相比有明显改进, 落区更精细化,对滑坡灾害的预测具有一定的指导 意义。

由于缺乏详细的滑坡记录,无法对滑坡预测结 果进行更为精确的验证。下一步要利用遥感图像, 并配合实地勘探,整理出一套完整详尽的滑坡记录 资料,进一步检验 GRAPES-Landslide 滑坡集合预 报系统的预报能力。同时将模型由串行计算改为并 行运算,提高模型运算速率,减少计算时间,为实 现滑坡预报的业务化运行奠定基础。

参考文献(References)

Baecher G B, Christian J T. 2003. Reliability and Statistics in Geotechnical Engineering [M]. Hoboken: Wiley, 605pp.

Baum R L, Savage W Z, Godt J W. 2008. TRIGRS—A Fortran program for transient rainfall infiltration and grid-based regional slope-stability analysis, Version 2.0 [R]. USGS, Colorado, Open-File Report 2008–1159, 75pp.

Chen C Y, Chen T C, Yu F C, et al. 2005. Analysis of time-varying rainfall

infiltration induced landslide [J]. Environ. Geology , 48 (4-5): 466-479.

Chen Yueli, Chen Dehui, Li Zechun, et al. 2016. Preliminary studies on the meticulous dynamic prediction method of rainfall-triggered landslide [J].

J. Mount. Sci., doi:10.1007/s11629-014-3110-5.

- 陈则佑, 冯正一, 庄育蓁. 2011. 应用 TRIGRS 程式于边坡破坏机率分析 ——以奥万大地区为例 [J]. 中华水土保持学报, 42 (3): 228–239. Chen T Y, Feng Z Y, Chuang Y C. 2011. An application of TRIGRS on slope failure probability analyses—A case study of Aowanda [J]. Journal of Chinese Soil and Water Conservation (in Chinese), 42 (3): 228–239.
- Chowdhury R, Flentje P. 2003. Role of slope reliability analysis in landslide risk management [J]. Bull. Eng. Geology Environ., 62 (1): 41–46.
- Chowdhury R, Flentje P, Bhattacharya G. 2010. Geotechnical Slope Analysis [M]. Boca Raton: The Chemical Rubber Company Press, 737pp.
- 丛威青, 李铁锋, 潘懋, 等. 2008. 基于非饱和渗流理论的区域降雨型地 质灾害动力学预警方法研究 [J]. 北京大学学报, 44 (2): 212–216. Cong Weiqing, Li Tiefeng, Pan Mao, et al. 2008. Research on dynamic predictive model of regional rainfall-triggered geologic hazard based on unsaturated flow theory [J]. Acta Sci. Nat. Univ. Pekin. (in Chinese), 44 (2): 212–216.
- Fairfield J, Leymarie P. 1991. Drainage networks from grid digital elevation models [J]. Water Resource Res., 27 (5): 709–717.
- Godt J W, Baum R L, Savage W Z, et al. 2008. Transient deterministic shallow landslide modeling: Requirements for susceptibility and hazard assessments in a GIS framework [J]. Engin. Geology, 102 (3–4): 214–226.
- Griffiths D V, Huang J S, Fenton G A. 2011. Probabilistic infinite slope analysis [J]. Comp. Geotechn., 38 (4): 577–584.
- Park H J, Lee J H, Woo I. 2013. Assessment of rainfall-induced shallow landslide susceptibility using a GIS-based probabilistic approach [J]. Engin. Geology, 161 (18): 1–15.
- Iverson R M. 2000. Landslide triggering by rain infiltration [J]. Water Resources Res., 36 (7): 1897–1910.
- Kim D, Im S, Lee S H, et al. 2010. Predicting the rainfall-triggered landslides in a forested mountain region using TRIGRS model [J]. J. Mount. Sci., 7 (1): 83–91.
- 李媛, 孟晖, 董颖, 等. 2004. 中国地质灾害类型及其特征——基于全国 县市地质灾害调查成果分析 [J]. 中国地质灾害与防治学报, 15 (2): 29–34. Li Yuan, Meng Hui, Dong Ying, et al. 2004. Main types and characteristics of geo-hazards in China—Based on the results of geo-hazard survey in 290 counties [J]. The Chinese Journal of Geological Hazard and Control (in Chinese), 15 (2): 29–34.
- Liao Zonghu, Hong Yang, Wang Jun, et al. 2010. Prototyping an experimental early warning system for rainfall-induced landslides in Indonesia using satellite remote sensing and geospatial datasets [J]. Landslide, 7 (3): 317–324.
- Liao Zonghu, Hong Yang, Kirschbaum Dalia, et al. 2011. Evaluation of TRIGRS (transient rainfall infiltration and grid-based regional slopestability analysis)'s predictive skill for hurricane—Triggered landslides: A case study in Macon County, North Carolina [J]. Nat. Hazards, 58 (1): 325–339.

- 林蓬琪, 侯萍. 1990. 闽南三角地区花岗岩风化残积土斜坡结构特征及 边坡稳定性分析 [J]. 福建地质, 9 (2): 146–156. Lin Pengqi, Hou Ping. 1990. Slope structure and slope stability of granitic weathering residual soil in south Fujian [J]. Geology of Fujian (in Chinese), 9 (2): 146–156.
- Liu C N, Wu C C. 2008. Mapping susceptibility of rainfall-triggered shallow landslides using a probabilistic approach [J]. Environ. Geology, 55 (4): 907–915.
- Lumb P. 1966. The variability of natural soils [J]. Canad. Geotechn. J., 3 (2): 74–96.
- Park H J, Um J -G, Woo I, et al. 2012. Application of fuzzy set theory to evaluate the probability of failure in rock slopes [J]. Engin. Geology, 125: 92–101.
- Vanmarcke E H. 1977. Probabilistic modeling of soil profiles [J]. Journal of the Geotechnical Engineering Division, 103 (11): 1227–1246.
- Raia S, Alvioli M, Rossi M, et al. 2014. Improving predictive power of physically based rainfall-induced shallow landslide models: A probabilistic approach [J]. Geosci. Model Dev., 7: 495–514.
- Varnes D J. 1978. Slope movement, types and processes [C]// Schuster R L, Krizek R J. Special Report 176: Landslides, Analysis and Control. Washington D. C.: Transportation and Road Research Board, National Academy of Science, 11–13.
- Vieira B C, Fernandes N F, Filho O A. 2010. Shallow landslide prediction in the Serra do Mar, São Paulo, Brazil [J]. Nat. Hazards Earth Syst. Sci., 10: 1829–1837.
- 王清, 蒋惠忠, 唐大雄. 1990. 闽南三角地区花岗岩残积土及其工程地 质特性的研究 [J]. 福建地质, 9 (2): 90–99. Wang Qing, Jiang Huizhong, Tang Daxiong. 1990. A study on engineering geological properties of granitic residual soil in south Fujian [J]. Geology of Fujian (in Chinese), 9 (2): 90–99.
- Wang Y, Cao Z J, Au S K. 2010. Efficient Monte Carlo simulation of parameter sensitivity in probabilistic slope stability analysis [J]. Comput. Geotechn., 37 (7–8): 1015–1022.
- 魏丽. 2005. 暴雨型滑坡灾害形成机理及预测方法研究 [D]. 南京信息 工程大学博士学位论文. Wei Li. 2005. Study on mechanism and predicting method of landslide hazard triggered by extremely heavy rainfall [D]. Ph. D. dissertation (in Chinese), Nanjing University of Information Science & Technology.
- 吴亚丽, 陈德辉. 2015. 潜热加热纳近方法在地面降水资料同化中的应用 [J]. 应用气象学报, 26 (1): 32-44. WuYali, Chen Dehui. 2015. Application of latent heat nudging method to assimilating surface precipitation observation [J]. J. Appl. Meteor. Sci. (in Chinese), 26 (1): 32-44.
- 肖玉华,何光碧,陈静,等. 2011. 区域集合预报增长模繁殖扰动方法研 究 [J]. 高原气象, 30 (1): 94–102. Xiao Yuhua, He Guangbi, Chen Jing, et al. 2011. Study on perturbing method in regional BGM ensemble prediction system [J]. Plateau Meteor. (in Chinese), 30 (1): 94–102.
- Zhang Renhe, Shen Xueshun. 2008. On the development of the GRAPES— A new generation of the national operational NWP system in China [J]. Chinese Sci. Bull., 53 (22): 3429–3432.